

اصلاح مقادیر اندازه‌گیری شده مدارهای فرآوری با روش تحلیل سلسه مراتبی

پریسا قبادی^۱; علی اکبر عبداللهزاده^{۲*}

۱- دانشگاه صنعتی امیرکبیر p.ghobadi@aut.ac.ir

۲- استادیار دانشگاه کاشان abdzad@aut.ac.ir

(دریافت ۲۶ شهریور ۱۳۹۱، پذیرش ۶ شهریور ۱۳۹۲)

چکیده

تعیین مقدار پارامترهای مختلف در یک مدار فرآوری از طریق اندازه‌گیری مستقیم یا نمونه‌گیری امری رایج برای بررسی پایداری مدار و تشخیص خصوصیات فیزیکی و شیمیایی بخش‌های مختلف آن است. اما با توجه به وجود خطاهای سیستماتیک، تصادفی و یا اتفاقی در هنگام اندازه‌گیری، همواره مقادیر اندازه‌گیری شده دقیق و صحیح نیستند. اگرچه با اندازه‌گیری مجدد و تکرار نمونه‌گیری می‌توان مقادیر مذکور را تصحیح و خطاهای احتمالی را حذف نمود، اما باید توجه داشت که انجام مجدد مراحل نمونه‌گیری و آنالیز نمونه علاوه بر زمان بر بودن، هزینه‌بر نیز می‌باشد. بکارگیری روش‌های محاسباتی از جمله معادلات موازنه جرم برای بررسی صحت داده‌های در اختیار و در صورت نیاز تصحیح آنها به عنوان روشی سریع و کم هزینه بسیار حائز اهمیت خواهد بود. از آنجایی که معمولاً بیش از یک متغیر (دبی جریان مواد) برای اطلاع از عملکرد متابولوژیکی مدار اندازه‌گیری می‌شود، برقراری معادلات موازنه جرم از حالت خطی خارج شده و محاسبات پیچیده می‌گردد. از این رو، در تحقیق حاضر به ارائه روشی سریع و قابل اعتماد برای برقراری موازنه جرم در حالت چند خطی و تصحیح مقادیر اندازه‌گیری شده چند متغیر مختلف در یک مدار فرآوری با بکارگیری یک الگوریتم سلسه مراتبی پرداخته می‌شود. همچنین به منظور ارزیابی قابلیت روش مذکور، مقادیر اندازه‌گیری شده دبی حجمی، عیار و دانسیته یک مدار فلوتاسیون در قالب مدار نمونه، مورد بررسی قرار گرفته است.

کلمات کلیدی

اصلاح داده‌ها، موازنه جرم چند خطی، فلوتوسیون، الگوریتم سلسه مراتبی

مقدمه

می‌گردد تا خطای احتمالی تعديل شود^[۱]. هدف از جمع آوری داده‌ها دستیابی به اهداف زیر می‌باشد:

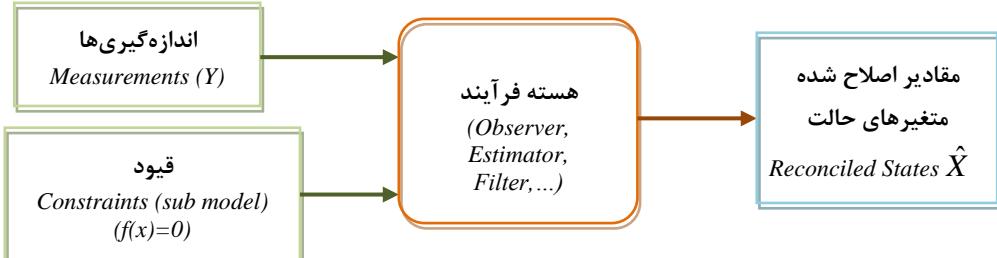
- ۱- ارزیابی فرآیند و بررسی عملکرد آن
- ۲- تشخیص خطاهای احتمالی موجود
- ۳- نظارت پیوسته^۴ بر مدار جهت تصمیم‌گیری مناسب
- ۴- مدل‌سازی فرآیندهای موجود و پیش‌بینی نتایج
- ۵- کنترل خودکار مدار به واسطه نظارت پیوسته بر آن
- ۶- بهینه‌سازی مدار به صورت لحظه‌ای و در زمان واقعی

جهت دستیابی به اهداف فوق، تخمین شرایط فرآیند ضروری است. در تمام مقیاس‌های آزمایشگاهی، نیمه‌صنعتی و یا صنعتی، اولین قدم برای تخمین شرایط، جمع‌آوری مقادیر آزمایشگاهی می‌باشد. اما باید توجه داشت که اندازه‌گیری در مقیاس صنعتی بسیار مشکل است. زیرا در اغلب موارد، فرآیندهای فرآوری مواد حاوی چندین فاز غیریکنواخت بوده و از این رو داده‌ها تا حد زیادی نادرست و ناقص هستند و باید قبل از استفاده در مدل‌های کمی اصلاح شوند.

در شکل ۱ شمای کلی فرآیند اصلاح داده‌ها نشان داده شده است. هسته اصلی این فرآیند یک الگوریتم محاسباتی است که می‌تواند واحد نظارت، تخمین و یا فیلتر باشد. در سیستم نظارت، رفتار فرآیند و عملکرد آن از طریق کنترل متغیرها بررسی می‌شود. به وسیله واحد تخمین، می‌توان ضرورت و یا امکان‌پذیر بودن اندازه‌گیری مقادیر کمی متغیرهای حالت را برآورد نمود. در صورتی که هسته یک فیلتر باشد، مقدار اندازه‌گیری شده متغیر حالت را می‌توان تصحیح نمود. لازم به ذکر است که در این پژوهش، واژه‌های تخمین، فیلتر، مشاهده و اصلاح داده به صورت مترادف موردن استفاده قرار می‌گیرد. در شکل مذکور، Y بردار اندازه‌گیری، X بردار متغیر حالت و \hat{X} مقدار اصلاح شده متغیر مذکور است. روابط مربوط به قیود که به صورت $f(X)=0$ (بیان می‌گردد نیز یکی از الگوریتم‌های مدل است که قبلاً به آن اشاره شد.

در مدارهای فرآوری، حفظ شرایط عملیاتی در محدوده‌ای که در آن، شاخص‌های عملکرد مدار دارای مقادیر بهینه باشند، از اهمیت بسیار بالایی برخوردار است. این شاخص‌ها را می‌توان با عوامل کمی مانند تناز ماده بالرزش و یا با متغیرهای کیفی مانند عیار کنسانتره بیان کرد. از آنجا که موازنۀ بین بهره‌وری، کیفیت محصول و هزینه‌های تولید آن ضروری است، لذا عملکرد یک واحد غالباً به صورت یک شاخص اقتصادی بیان می‌گردد که در بر گیرنده همه جنبه‌های مذکور است زیرا هنگامی که شرایط عملیاتی مدار از محدوده عملکرد بهینه دور می‌شود، کارخانه دچار ضررهاي اقتصادي زیادی می‌گردد. توانایی حفظ مدار در محدوده شرایط عملیاتی بهینه، مستلزم تصمیم‌گیری لحظه‌ای به واسطه سیستم‌های نظارت بر فرآیند، بهینه‌سازی در زمان واقعی^۱ و رویکردهای کنترل خودکار^۲ می‌باشد. کاملاً واضح است که هدف همه رویکردهای مذکور، پایداری مدار حول شرایط بهینه با حداقل نوسان (واریانس کمتر حول مقدار تخمینی) می‌باشد.

به منظور بررسی شرایط عملیاتی مدار، بهینه سازی و نیز شناسایی و حذف خطاهای احتمالی، از مقادیر اندازه‌گیری شده متغیرهای فرآیند استفاده می‌شود. متغیرهای عمدۀ در یک مدار فرآوری عبارتند از: دبی، عیار، دانسیته، درصد جامد و انرژی مصرفی (توان کشی). شایان ذکر است که تحلیل شرایط مدار با استفاده از مقادیر اندازه‌گیری و قرار دادن آنها در مدل‌های محاسباتی (برای تعیین شاخص عملکرد مدار) صورت می‌گیرد. در این مدل‌ها باید مسائلی مانند شرایط عدم قطعیت حاکم بر فرآیند، نبود مقدار اندازه‌گیری برای برخی از متغیرهای بحرانی، اطلاعات محدود مرتبه با رفتار فرآیند و درجه افزونگی^۳ مقادیر اندازه‌گیری شده لحاظ گردد. شرط مطلوب برای رفع مشکلات و مسائل مذکور هنگام استفاده از مدل‌های کمی فرآیندی، بکار گیری قوانین مربوط به موازنۀ جرم است. در صنایع مرتبه با مهندسی شیمی و فرآوری مواد معدنی، این روش‌های تحلیل و بررسی داده‌ها را رویکردهای اصلاح داده^۴ می‌نامند. زیرا در مدل‌های موجود، مقادیر اندازه‌گیری شده در قالب روابط موازنۀ جرم، اصلاح



شکل ۱: شمای کلی فرآیند اصلاح داده‌ها با استفاده از روابط موازن جرم [۱]

اشاره نمود [۱]، [۵].

رایج ترین روش اصلاح داده براساس بهینه‌سازی فرآیند با استفاده از شاخص‌های درجه دوم توسعه یافته است که در آن فرض می‌شود مسائل مربوط به عدم قطعیت‌ها به توزیع گوسین مرتبط است (لحاظ نمودن مسائل مرتبط با عدم قطعیت حاکم بر مدار). در این تحقیق نیز از رویکرد مذکور استفاده می‌شود. اگرچه روش‌های دیگری بر اساس شبکه‌های عصبی مصنوعی نیز پیشنهاد شده است، اما در این روش‌ها اصول فیزیکی حاکم بر فرآیند، مورد توجه قرار نگرفته و قابلیت اطمینان نتایج آنها نیز کمتر از رویکردهای ارزیابی تحلیلی روش مورد بررسی در این پژوهش است [۸]-[۱۰].

روش‌های اصلاح داده ایستا در شرایط خارج خط و روی خط فرآیندهایی مانند خردایش، فلوتاسیون، استخراج طلا، هیدرومالتورژی، پیرومالتورژی و آماده‌سازی سیمان مورد استفاده قرار می‌گیرند. همچنین روش‌های پایا که در آنها عدم قطعیت‌های مدل و خطاهای اندازه‌گیری نیز به صورت توأم لحاظ شده، گسترش یافته‌اند اما هنوز بطور وسیع کاربرد ندارند. شایان ذکر است که اگرچه روش‌های پویا برای اصلاح داده‌ها در شرایط بسیار متغیر نیز پیشنهاد شده، اما استفاده از آنها در مقیاس صنعتی هنوز در حال بررسی است [۱۱]-[۱۳].

هدف از این تحقیق ارائه یک الگوریتم و کاربرد آن برای حل مسئله اصلاح داده‌ها در یک مدار مورد مطالعه، در شرایطی که بیش از دو متغیر (حالت دوخطی) در مدار اندازه‌گیری می‌شود، بوده است. روش پیشنهادی در این تحقیق، تلفیقی از روش‌های متداول پس از انجام تغییرات لازم و الگوریتم سلسله مراتبی برای حل مسئله بوده که قابلیت توسعه مدل تا n متغیر، را دارد.

مهم‌ترین مزایای بکارگیری رویکرد اصلاح داده‌ها عبارتند از [۲]:

- ✓ تخمین مقادیر اندازه‌گیری نشده
- ✓ تصحیح مقادیر اندازه‌گیری شده
- ✓ صادق بودن مقادیر اصلاح شده در روابط موازن جرم (کمینه شدن میزان خطایها)
- ✓ مستقل بودن مقدار شاخص عملکرد فرآیند مانند بازیابی از روش محاسبه آن با استفاده از این روش
- ✓ دستیابی به نتایجی با قابلیت اعتماد بالا نسبت به سایر مدل‌ها و روش‌ها
- ✓ واقع‌بینانه‌تر بودن مدل‌های فرآیندی بدست آمده از داده‌های اصلاح شده نسبت به سایر روش‌ها
- ✓ کارآتر بودن فرآیند تصمیم‌گیری با استفاده از داده‌های اصلاح شده نسبت به داده‌های خام

۱-۱- مروری بر تحقیقات پیشین

اصلاح داده‌های خام با استفاده از روابط موازن جرم تکنیکی است که به مدت طولانی در واحدهای فرآوری مواد معدنی مورد مطالعه قرار گرفته است [۶]-[۲]. در این مطالعات سعی شده که این مسئله در شرایط مختلفی که ممکن است در واحدهای عملیاتی با آنها برخورد شود از جمله افزایش تعداد متغیرهای مورد مطالعه، رابطه این متغیرها با یکدیگر از نظر خطی یا غیر خطی بودن و در شرایط ایستا^۱ یا پویا^۲، حل شود. آخرین کتاب منتشر شده در این زمینه "مرجع [۱]" این پژوهش می‌باشد که در سال ۲۰۱۰ انتشار یافته است. امروزه اصلاح داده‌ها در شرایط خارج از خط^۳ برای فرآیندهای پایدار بسیار رواج یافته و بسته‌های نرم‌افزاری مختلفی بدین منظور در دسترس است. از جمله بسته‌های کاربردی در این زمینه می‌توان به "محاسبه‌گر متالورژیکی و بیلمت"^۴، "JKMultibal" و "موازن"^۵ [۷] و سایر نرم‌افزارهای رایج در مهندسی شیمی

خواهد بود. به عنوان مثال برای مدار شکل ۲، ماتریس سیستم مدار یک ماتریس 3×6 ^{۳*۶} به صورت زیر خواهد بود.

$$\mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

۳-۱-۲- قیود چندخطی^{۱۱}

اندازه‌گیری متغیرهای فرآیند معمولاً در برگیرنده مقادیری برای دی ماد و عیار گونه‌های موجود در پالپ است. در این موارد، شرایط فرآیند با دو متغیر تعریف شده و در روابط دوخطی (دو متغیره) بیان می‌گردد. اما هنگامی که عملکرد واحدهای فراوری یا متالورژی باید به صورت دقیق‌تر و عمیق‌تر تعیین شود، به اطلاعات مربوط به بیش از دو متغیر نیاز است. از سوی دیگر، جریان مواد دارای فازهای مختلفی مانند ماده معدنی خشک، پالپ، مواد شیمیایی و فاز گاز است که با خصوصیاتی مثل دبی، دانسیته ذرات، درصد جامد و توزیع اندازه ذرات تعریف می‌گردد و هریک از آنها اطلاعات مفیدی برای اصلاح دقیق داده‌ها در اختیار می‌گذارد. با توجه به مطالع فوق الذکر، قیود چندخطی برای حل این مسئله بیان می‌شود که در آن علاوه بر دبی و عیار، پارامترهای فیزیکی دیگری اندازه‌گیری شده و مقادیر مربوط به مجموعه‌ای از متغیرها اصلاح می‌گردد.

با افزایش جزئیات مورد نیاز برای تحلیل فرآیند، پیچیدگی روابط مربوط به موازنۀ جرم نیز به صورت تصاعدی افزایش

می‌یابد. حل مسئله در این شرایط با روش‌های متداول و بصورت تحلیلی میسر نیست اما با بکار گیری روش سلسه مراتبی^{۱۲} و انجام محاسبات در تکرارهای^{۱۳} متوالی می‌توان آن را حل نمود. در ادامه به اساس این روش و نحوه اصلاح مقادیر با استفاده از آن پرداخته می‌شود.

۴-۱-۲- رابطه مدل (معادلات موازنۀ جرم)

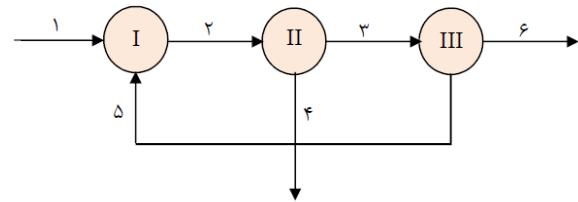
مدل (موازنۀ) ارائه شده برای این دسته از مسائل به صورت رابطه (۱) است. شایان ذکر است که به دلیل سهولت انجام محاسبات به روش ماتریسی در مسائل پیچیده و با حجم زیاد داده، روابط الگوریتم در این پژوهش به صورت ماتریسی بیان می‌گردند.

۲- مدل‌سازی مسئله و توسعه الگوریتم اصلاح داده‌ها

در شرایطی که فرآیند پایا است، روش‌های پایا را می‌توان برای اندازه‌گیری‌های لحظه‌ای متغیرها و اصلاح آنها استفاده نمود. منظور از شرایط پایا هنگامی است که فرآیند تغییرات قابل ملاحظه‌ای حول مقدار پایدار نداشته باشد. به عبارت دیگر، نمونه‌گیری از مدار یا اندازه گیری باید در زمانی صورت گیرد که به اندازه کافی از تغییرات معنی‌دار حول شرایط عملیاتی بهینه فاصله دارد. هنگامی که فرآیند در یک رژیم انتقالی، تناوبی و یا گسته قرار دارد، روش اصلاح دینامیکی داده‌ها باید مورد استفاده قرار گیرد تا تاخیرهای موجود بین حالت‌های مختلف فرآیند را مدنظر قرار داد^[۱]. در ادامه به نحوه مدل‌سازی فرآیند اصلاح داده‌ها پرداخته می‌شود.

۲-۱-۱- ترسیم مدار

قبل از شروع عملیات باید تمامی اطلاعات مرتبط با شمای کلی مدار مورد بررسی در دسترس باشد. هر فرآیند در مدار فراوری با استفاده از یک شبکه جریان نشان داده می‌شود که در آن واحدهای موجود در فرآیند با گره و جریان مواد بین واحدها با پیکان‌هایی ترسیم می‌گردد. در واقع یک شبکه با n گره و m پیکان، بیانگر مداری با n واحد و m جریان بین آنها می‌باشد. به عنوان مثال در شکل ۲ مداری با ۳ گره (یک میکسر، واحد جدایش اولیه، واحد جدایش ثانویه) و ۶ جریان نشان داده شده است.



شکل ۲: شبکه جریان مداری با سه واحد و ۶ جریان

۲-۱-۲- ماتریس سیستم^{۱۰} مدار

پس از ترسیم شبکه جریان، باید ماتریس سیستم آن را تعریف نمود. ماتریس مذکور که از درایه‌های 0 ، 1 و -1 تشکیل شده است، بیانگر جریان‌های موجود در مدار و نوع اتصال آنها با گره‌های مختلف (ورودی یا خروجی بودن جریان) است. ماتریس جریان برای هر مدار، یک ماتریس $(n \times m)$ است که n تعداد ردیف‌ها یا سطرهای ماتریس بوده و معادل تعداد گره‌های موجود در مدار است. m نیز بیانگر تعداد ستون‌های ماتریس و برابر با تعداد جریان‌های مدار

$$L = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^d (\|\hat{X}_j - X_j\|_{V_j^{-1}}^2 + \lambda_j^T M \prod_{i=1}^j \hat{X}_i) \quad (3)$$

or

$$L = \frac{1}{2} \left[\left(\frac{(\hat{Q} - Q)^2}{V_Q} \right) + \left(\frac{(\hat{C} - C)^2}{V_C} \right) + \left(\frac{(\hat{G} - G)^2}{V_G} \right) \right] + \lambda_Q^T M Q + \lambda_G^T M (QG) + \lambda_C^T M (QGC)$$

روابط مشتق‌گیری نسبت به متغیرها و پارامترهای لاغرانژ به صورت روابطه ۴ و ۵ در زیر نوشته می‌شود.

$$\frac{\partial L}{\partial \hat{X}_j} = V_j^{-1} (\hat{X}_j - X_j) + \sum_{k=1}^d (M \sum_{i=1, i \neq j}^k \hat{X}_i)^T \lambda_k = 0 \quad (4)$$

$$\frac{\partial L}{\partial \lambda} = M \prod_{i=1}^j \hat{X}_i = 0 \quad (5)$$

برای حل مسئله و یافتن نقاط بهینه، روش سلسه مراتی که با تکرار مراحل مختلف انجام می‌شود، مطلوب است.

۲-۲- روش حل مسئله

در روش حل سلسه مراتبی، فرض می‌شود که تخمین یک متغیر به سایر متغیرهای موجود در مدار وابسته است. از این رو با فرض اینکه تعداد متغیرها (d) برابر با ۴ باشد، آنگاه روابطه لاغرانژین (رابطه ۳) عبارت است از:

(6)

$$L = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^4 (\|\hat{X}_j - X_j\|_{V_j^{-1}}^2 + \lambda_j^T M \prod_{i=1}^j \hat{X}_i)$$

در هنگام بسط روابطه (6) و به منظور ساده‌سازی در هنگام نوشتن برنامه این مسئله، از عبارت M_{ijk} استفاده می‌گردد که عبارت است از:

$$M_{ijk} = M(\hat{X}_i \cdot \hat{X}_j \cdot \hat{X}_k) \rightarrow M_{ijk} = M L_i L_j L_k \quad (7)$$

در روابطه فوق، L_i یک ماتریس قطری است با بعد (v.v) که در اینها روى قطر اصلی آن مقادیر اندازه‌گیری و یا تخمینی برای متغیر i (مقادیر بردار ستونی X_i) هستند. نقاط بهینه تابع به صورت زیر محاسبه می‌گردد.

(8)

$$V_1^{-1}(\hat{X}_1 - X_1) + M_1^T \lambda_1 + M_2^T \lambda_2 + M_{23}^T \lambda_3 + M_{234}^T \lambda_4 = 0$$

$$M \hat{X}_1 = \mathbf{0} \quad (9)$$

$$V_2^{-1}(\hat{X}_2 - X_2) + M_1^T \lambda_2 + M_{13}^T \lambda_3 + M_{134}^T \lambda_4 = 0$$

$$M_1 \hat{X}_2 = \mathbf{0} \quad (10)$$

$$M \prod_{i=1}^j \hat{X}_i = 0 \quad (j = 1, \dots, d) \quad (1)$$

در رابطه فوق، M ماتریس سیستم مدار است و X_i بردار ستونی مقدار i امین متغیر با بعد (v.1) بوده که در آن v بیانگر تعداد جریان‌های اندازه‌گیری شده است (در اینجا همه جریان‌ها اندازه‌گیری شده اند، v معادل m است). تعداد بردارهای ستونی i برابر تعداد متغیرها (d) است. رابطه (1) برای شرایطی که سه متغیر عبارت C ، درصد توزیع دانه‌بندی G و دبی وزنی Q در اختیار باشد بصورت زیر نوشته می‌شود.

$$M(Q.G.C) = 0$$

در رابطه فوق ضرب ماتریس M در پرانتز ضرب ماتریسی و علامت ". " معرف ضرب مستقیم درایه به درایه است.

۲-۵- تابع هدف

معیار کمینه کردن تحت مدل (قیود) به صورت تابع هدف تعریف می‌شود (رابطه ۲). در واقع هدف، کمینه کردن مجموع مربعات اختلاف بین مقدار اندازه‌گیری با مقدار تخمین زده شده تحت قیود است. این رابطه براساس مقادیر تخمینی و

اندازه‌گیری شده تعریف می‌گردد که در آن، مقدار اصلاح شده باید تا حد امکان به مقادیر اندازه‌گیری نزدیک بوده و اختلاف آنها در مجموع به حداقل برسد. شایان ذکر است که مقادیر اصلاح شده باید در رابطه مدل صدق نموده و موازن جرم مدار برقرار باشد. رابطه (2) نحوه نمایش تابع هدف فوق الذکر را به سه شکل نشان میدهد که در ادامه به منظور جلوگیری از طولانی شدن روابط نحوه نمایش سوم بکار برده می‌شود.

(2)

$$\varphi = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^d \frac{(\hat{X}_j - X_j)^2}{V_j}$$

$$\varphi = \frac{1}{2} \left[\left(\frac{(\hat{Q} - Q)^2}{V_Q} \right) + \left(\frac{(\hat{C} - C)^2}{V_C} \right) + \left(\frac{(\hat{G} - G)^2}{V_G} \right) \right]$$

$$\varphi = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^d \|\hat{X}_j - X_j\|_{V_j^{-1}}^2$$

در رابطه فوق، X_j و \hat{X}_j به ترتیب مقادیر اندازه‌گیری شده و اصلاح شده متغیر j ام هستند. V_j نیز ماتریس قطری واریانس خطای اندازه‌گیری متغیر j ام با بعد (v.v) است. برای کمینه کردن φ تحت قیود با استفاده از روش لاغرانژ و نوشتن رابطه لاغرانژین به صورت زیر (رابطه ۳) و مشتق‌گیری از آن نسبت به متغیرها و پارامتر لاغرانژ می‌توان نقاط بهینه (مقادیر اصلاح شده متغیرها) را محاسبه نمود.

۱-۲-۲- فرم عمومی پاسخ مسئله

شكل کلی روابط تعیین مقادیر تخمینی برای متغیرها در حالت چندخطی و به روش سلسله مراتبی به صورت زیر است.

$$\begin{aligned} \hat{\mathbf{X}}_{i+1} &= (\mathbf{I} - \mathbf{V}_{i+1} \mathbf{M}_{1\dots i}^T (\mathbf{M}_{1\dots i} \mathbf{V}_{i+1} \mathbf{M}_{1\dots i}^T)^{-1} \mathbf{M}_{1\dots i}) \\ &\quad (\mathbf{X}_{i+1} - \mathbf{V}_{i+1} \mathbf{L}_{i+2} \mathbf{L}_{i+1}^{-1} \mathbf{V}_{i+2}^{-1} (\hat{\mathbf{X}}_{i+2} - \mathbf{X}_{i+2})) \end{aligned} \quad (16)$$

(i=0,1, ..., d-1)

در شروع الگوریتم سلسله مراتبی، با توجه به رابطه فوق لازم است که ابتدا دو سری (تکرارهای اول و دوم) مقادیر فرضی (بهتر است از همان مقادیر اندازه‌گیری شده استفاده شود) به عنوان مقادیر تخمینی و اصلاح شده در نظر گرفته شود و سپس اولین سری تخمین (تکرار سوم) مقادیر متغیرها (۱ تا d) براساس رابطه (16) صورت گیرد. در تکرار بعدی، تخمین جدید مقادیر با توجه به مقادیر بدست آمده در تکرار قبلی انجام می‌شود. تکرار الگوریتم را می‌توان زمانی که اختلاف مقادیر تخمینی در دو یا چند تکرار متوالی ثابت و اندک شد، متوقف نمود. جواب نهایی به صورت یک ماتریس (v.d) خواهد بود که d تعداد متغیرها و v تعداد جریان‌ها است. اگر n تکرار انجام شود رابطه (17) بدست می‌آید. در واقع برای هر متغیر، n مقدار تخمینی بدست خواهد آمد که با رسم نمودار می‌توان روند نزدیک شدن مقادیر تخمینی به یک مقدار ثابت را بررسی نمود.

$$\mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathbf{Q}_1 & \mathbf{C}_1 & \mathbf{G}_1 & \mathbf{D}_1 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \mathbf{Q}_n & \mathbf{C}_n & \mathbf{G}_n & \mathbf{D}_n \end{bmatrix}_{((n \times v) \times d)} \quad (17)$$

الگوریتم اصلاح داده‌ها و مراحل انجام این فرآیند با استفاده از روش مذکور به صورت نمودار جریان نشان داده شده در شکل ۳ است. در بخش بعد به منظور ارزیابی قابلیت روش پیشنهادی در این پژوهش به بررسی فرآیند اصلاح مقادیر اندازه‌گیری شده یک مدار فلوواتاسیون با استفاده از این روش پرداخته می‌شود.

$$\begin{aligned} \mathbf{V}_3^{-1}(\hat{\mathbf{X}}_3 - \mathbf{X}_3) + \mathbf{M}_{12}^T \lambda_3 + \mathbf{M}_{124}^T \lambda_4 &= \mathbf{0} \\ \mathbf{M}_{12} \hat{\mathbf{X}}_3 &= \mathbf{0} \end{aligned} \quad (11)$$

$$\begin{aligned} \mathbf{V}_4^{-1}(\hat{\mathbf{X}}_4 - \mathbf{X}_4) + \mathbf{M}_{123}^T \lambda_4 &= \mathbf{0} \\ \mathbf{M}_{123} \hat{\mathbf{X}}_4 &= \mathbf{0} \end{aligned}$$

در روابط فوق، \mathbf{M}^T ، ترانهاده ماتریس \mathbf{M} می‌باشد. در ادامه حل مسئله ابتداء، عبارت \mathbf{MV} در بخش اول رابطه (8) ضرب می‌شود. از آنجا که $\mathbf{M}\hat{\mathbf{X}}$ برابر صفر می‌باشد، پس می‌توان مقدار λ_1 را از این عبارت محاسبه نمود.

$$(12)$$

$$\begin{aligned} \mathbf{MV}[\mathbf{V}_1^{-1}(\hat{\mathbf{X}}_1 - \mathbf{X}_1) + \mathbf{M}_1^T \lambda_1 + \mathbf{M}_2^T \lambda_2 + \mathbf{M}_{23}^T \lambda_3 \\ + \mathbf{M}_{234}^T \lambda_4] = \mathbf{0} \\ \lambda_1 = (\mathbf{M}\mathbf{V}\mathbf{M}^T)^{-1} \mathbf{M}(\mathbf{X}_1 - \mathbf{V}(\mathbf{M}_2^T \lambda_2 + \mathbf{M}_{23}^T \lambda_3 + \mathbf{M}_{234}^T \lambda_4)) \end{aligned}$$

بعد از بدست آوردن λ_1 ، با ضرب عبارت \mathbf{V}_1 در رابطه (8) و جایگذاری λ_1 در این رابطه، مقدار $\hat{\mathbf{X}}_1$ بدست می‌آید.

$$\begin{aligned} \hat{\mathbf{X}}_1 &= (\mathbf{I} - \mathbf{V}_1 \mathbf{M}^T (\mathbf{M} \mathbf{V}_1 \mathbf{M}^T)^{-1}) \times \\ &\quad (\mathbf{X}_1 - \mathbf{V}_1 (\mathbf{M}_2^T \lambda_2 + \mathbf{M}_{23}^T \lambda_3 + \mathbf{M}_{234}^T \lambda_4)) \end{aligned} \quad (13)$$

$$\begin{aligned} \hat{\mathbf{X}}_1 &= (\mathbf{I} - \mathbf{V}_1 \mathbf{M}^T (\mathbf{M} \mathbf{V}_1 \mathbf{M}^T)^{-1} \mathbf{M}) \times \\ &\quad (\mathbf{X}_1 - \mathbf{V}_1 \mathbf{L}_2 (\mathbf{M}^T \lambda_2 + \mathbf{L}_3 \mathbf{M}^T \lambda_3 + \mathbf{L}_3 \mathbf{L}_4 \mathbf{M}^T \lambda_4)) \end{aligned}$$

مراحل فوق به همین ترتیب برای $\hat{\mathbf{X}}_2$ انجام می‌شود.

$$\hat{\mathbf{X}}_2 = \mathbf{X}_1 - \mathbf{V}_1 \mathbf{L}_2 (\mathbf{M}^T \lambda_2 + \mathbf{L}_3 \mathbf{M}^T \lambda_3 + \mathbf{L}_3 \mathbf{L}_4 \mathbf{M}^T \lambda_4) \quad (14)$$

مشاهده می‌شود که می‌توان رابطه ای بین دو مقدار تخمینی $\hat{\mathbf{X}}_1$ و $\hat{\mathbf{X}}_2$ بشرح زیر بدست آورد

$$\begin{aligned} \hat{\mathbf{X}}_1 &= (\mathbf{I} - \mathbf{V}_1 \mathbf{M}^T (\mathbf{M} \mathbf{V}_1 \mathbf{M}^T)^{-1} \mathbf{M}) \times \\ &\quad (\mathbf{X}_1 - \mathbf{V}_1 \mathbf{L}_2 \mathbf{L}_1^{-1} \mathbf{V}_2^{-1} (\hat{\mathbf{X}}_2 - \mathbf{X}_2)) \end{aligned} \quad (15)$$

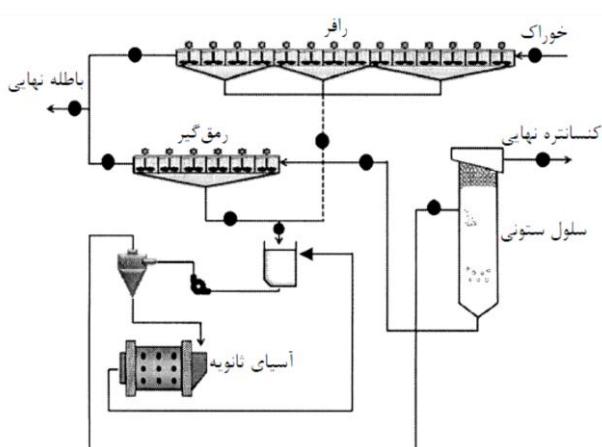
رابطه (15) نشان می‌دهد که برای تخمین مقدار متغیر اول نیاز به تعیین مقدار تعدیل شده متغیر دوم است و یک ارتباط سلسله مراتبی برقرار می‌شود. به همین ترتیب می‌توان برای همه متغیرها و به هر تعداد که باشند یک رابطه کلی به صورت فرم عمومی زیر تعریف نمود.

۳- مطالعه موردی

برای ارزیابی قابلیت الگوریتم پیشنهادی در اصلاح مقادیر اندازه‌گیری، داده‌های مربوط به یک مدار فلوتاسیون شامل سلول‌های متداول مکانیکی و ستونی در مقیاس نیمه صنعتی [۱۴] با تغییراتی متناسب با اهداف این مطالعه از جمله فرض مقادیری برای برخی جریان‌های اندازه‌گیری نشده، مورد بررسی قرار گرفت.

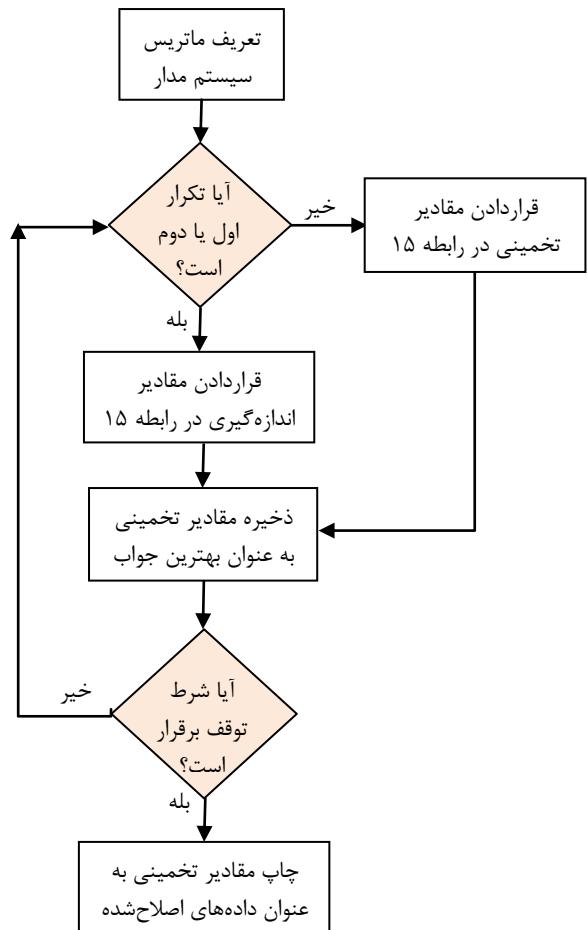
در شکل (۴) مدار مذکور با ده مسیر مشخص گردیده که در آن محل انجام نمونه‌گیری با علامت دایره نشان داده شده است.

در این مثال مقادیر اندازه‌گیری برای همه جریان‌ها موجود فرض شده و در جدول ۱ مقادیر دبی حجمی، دانسیته و عیار مس در مسیرهای مختلف آورده شده است. از آنجا که دقت اندازه‌گیری‌ها در دسترس نبوده است، برای مقادیر جدول ۱ واریانسی معادل ۰.۵٪ مقدار عددی آنها لحاظ شده و در محاسبات برای اصلاح داده‌ها بکار برده شده است.



شکل ۴ : شماتیکی مدار فلوتاسیون

شبکه جریان مدار مورد بررسی در شکل ۵ نشان داده شده است.



شکل ۳ : الگوریتم اصلاح داده‌ها با روش سلسله مراتبی

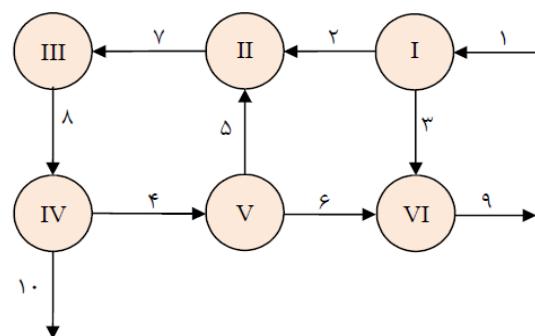
جدول ۱ : مقادیر اندازه‌گیری شده مدار مورد بررسی

| شماره جریان | نام جریان | دبی حجمی (m³/h) | دانسیته (t/m³) | عيار مس (%) |
|----------------|------------------|--------------------|-------------------|-------------|
| ۱ | خوارک | ۶۵/۷۹ | ۱/۵۲ | ۰/۷۸ |
| ۲ | کنسانتره رافر | ۴۷/۵۲ | ۱/۴۱ | ۴ |
| ۳ | باطله رافر | ۱۹/۵۱ | ۱/۶۴ | ۰/۰۸ |
| ۴ | خوارک اسکونجر | ۶۲/۴۲ | ۱/۴۹ | ۳ |
| ۵ | کنسانتره اسکونجر | ۱۲/۸۶ | ۱/۴ | ۷ |
| ۶ | باطله اسکونجر | ۲۵/۶۴ | ۱/۱۷ | ۰/۰۳ |
| ۷ | ورودی به مخزن | ۵۵/۳۸ | ۱/۶ | ۸ |
| ۸ | مدار آسیا | ۲۵/۶۴ | ۱/۵۶ | ۸/۵ |
| ۹ | باطله نهایی | ۲۸/۶۷ | ۱/۵ | ۰/۱ |
| ۱۰ | کنسانتره ستون | ۱/۸۲ | ۱/۶۵ | ۲۰ |

نتایج اجرای الگوریتم بر روی داده های جدول (۱) در جدول (۳) آورده شده است. همچنین در جدول (۴) مقدار اصلاح متغیرها براساس درصد (نسبت اختلاف مقدار اندازه-گیری و تخمینی به مقدار اولیه) آورده شده است. براساس نتایج جدول (۴) در مورد برخی از مقادیر از جمله دبی ها و تعدادی از عیارها تغییرات قابل ملاحظه ای مشاهده می شود که علت آن را می توان یکی در انتخاب عددی فرضی برای برخی جریان ها و میزان دقت اندازه گیری بستگی اختیار نبودن مقدار واقعی آن ها دانست زیرا مطابق رابطه (۲) میزان تعديل به مقدار واریانس و دقت اندازه گیری بستگی دارد. هر چه دقت اندازه گیری متغیری بیشتر باشد میزان تعديل آن متغیر کاهش می یابد.

جدول ۳ : مقادیر اصلاح شده برای متغیرهای مدار مورد بررسی

| عيار مس (%) | دانسيته | دبی حجمی | نام جريان | شماره جريان |
|-------------|---------|----------|----------------------------|-------------|
| ۱/۰۹ | ۱/۵۴ | ۴۶/۳۳ | خوارک | ۱ |
| ۱/۵۹ | ۱/۵۳ | ۳۱/۰۹ | كنسانتره رافر | ۲ |
| ۰/۰۹ | ۱/۶۵ | ۱۵/۲۴ | باطله رافر | ۳ |
| ۲/۷۸ | ۱/۴۹ | ۴۰/۸۹ | خوارک اسكونجر | ۴ |
| ۹/۳۷ | ۱/۴۹ | ۱۲/۰۲ | كنسانتره اسكونجر | ۵ |
| ۰/۰۳۷ | ۱/۲ | ۲۸/۸۸ | باطله اسكونجر | ۶ |
| ۳/۷۶ | ۱/۵۰ | ۴۳/۱۱ | ورودی به مخزن مدار آسیا | ۷ |
| ۳/۷۶ | ۱/۵۰ | ۴۳/۱۱ | خوارک ستون | ۸ |
| ۰/۰۶ | ۱/۴۵ | ۴۴/۱۲ | باطله نهايى | ۹ |
| ۲۱/۷۸ | ۱/۵۴ | ۲/۲۲ | كنسانتره ستون | ۱۰ |



شکل ۵ : شبکه جریان مدار مورد بررسی
سامی گرهها نیز به ترتیب شماره گذاری در جدول ۲ عنوان شده است.

جدول ۲ : مشخصات گرههای شبکه جریان مدار مورد بررسی

| شماره گره | نام گره |
|-----------|-------------------------------------|
| I | رافر |
| II | نقطه اختلاط کنسانتره رافر و رمق گیر |
| III | مخزن |
| IV | سلول ستونی |
| V | اسكونجر |
| VI | نقطه اختلاط باطله رافر و رمق گیر |

همانطور که گفته شد، اولین مرحله در فرآیند اصلاح داده ها پس از ترسیم شبکه جریان مدار، نوشتن ماتریس سیستم آن می باشد. با توجه به اینکه تعداد متغیرها و جریان های اندازه-گیری شده در این مثال به ترتیب برابر با ۳ و ۱۰ عدد هستند، برنامه مربوط به اصلاح داده ها با استفاده از روش سلسله مراتبی و براساس روابط ذکر شده در بخش مدل-سازی، در نرم افزار مطلب [۱۵] نوشته شد. ماتریس سیستم مدار مذکور نیز به صورت زیر است.

| جريان اگره | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|------------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| I | +1 | -1 | -1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| II | 0 | +1 | 0 | 0 | +1 | 0 | -1 | 0 | 0 | 0 |
| III | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | +1 | -1 | 0 | 0 |
| IV | 0 | 0 | 0 | -1 | 0 | 0 | 0 | +1 | 0 | -1 |
| V | 0 | 0 | 0 | +1 | -1 | -1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| VI | 0 | 0 | +1 | 0 | 0 | +1 | 0 | 0 | -1 | 0 |

جدول ۵ : موازنه مدار با استفاده از مقادیر اندازه‌گیری شده

| گرده | MQ | MQD | MQDG |
|------|-------|--------|--------|
| I | -1/2 | -140/3 | -192/6 |
| II | 5/0 | -162/9 | -314/8 |
| III | 29/7 | 225/1 | 368/9 |
| IV | -38/6 | -5/7 | 0/9 |
| V | 23/9 | 96/5 | 152/1 |
| VI | 16/5 | -0/5 | -0/8 |

جدول ۶ : موازنه مدار با استفاده از مقادیر اصلاح شده

| گرده | MQ | MQD | MQDG |
|------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| I | -3.6 e ⁻¹⁵ | 4.9 e ⁻¹⁵ | 2.2 e ⁻¹⁴ |
| II | -7.1 e ⁻¹⁵ | -2.8 e ⁻¹⁴ | -2.8 e ⁻¹⁴ |
| III | -7.1 e ⁻¹⁵ | 2.8 e ⁻¹⁴ | -2.8 e ⁻¹⁴ |
| IV | 1.2 e ⁻¹⁴ | -2.8 e ⁻¹⁴ | -1.4 e ⁻¹⁴ |
| V | -3.6 e ⁻¹⁵ | 2.9 e ⁻¹⁴ | 2.7 e ⁻¹⁴ |
| VI | 0 | 0 | 4.4 e ⁻¹⁶ |

در جداول فوق، MQ و MQDG به ترتیب عبارتند از موازنه دیجی حجمی مواد، موازنه دیجی مواد و موازنه وزنی فلز مس. براساس نتایج بدست آمده، کاملاً واضح است که عدم موازنه مقادیر اندازه‌گیری شده زیاد بوده اما داده‌های اصلاح شده کاملاً در معادلات موازنه مدار صدق می‌کنند. نکته دیگر در خصوص الگوریتم ارائه شده، بررسی عملکرد آن در نزدیک شدن مقادیر تخمینی به یک عدد ثابت و پایداری آن است بدین منظور به عنوان نمونه، روند اصلاح مقادیر اندازه‌گیری مربوط به جریان شماره ۱۰ (کنسانتره ستون) در شکل ۶ آورده شده است. محور افقی نشان دهنده تعداد تکرارهای الگوریتم سلسله مراتبی است همانطور که مشاهده می‌شود پس از حدود ۱۰ تکرار، دیجی کنسانتره از ۱/۸ به ۲/۲۲ مترمکعب بر ساعت تغییر نموده و در تکرارهای بعدی بدون تغییر باقی مانده است. در این مثال ادامه تکرار الگوریتم تا ۱۰۰ تکرار به منظور حصول اطمینان از پایداری نتایج و عدم تغییر آن و نیز از جنبه مطالعاتی بوده است. همانطور که قبلاً نیز ذکر شد می‌توان با برقراری یک دستور توقف توسط کاربر در صورتی که در چند تکرار متوالی تغییری در مقدار بدست آمده مشاهده نشد از ادامه تکرارهای اضافی خودداری کرد.

جدول ۴ : درصد تغییرات برای متغیرهای مدار مورد بررسی

| شماره جریان | نام جریان | دبي حجمی (%) | دانسیته (%) | عيار مس (%) |
|-------------|-------------------------|--------------|-------------|-------------|
| ۱ | خوارک | ۲۹/۶ | -۱/۳ | -۳۹/۷ |
| ۲ | کنسانتره رافر | ۳۴/۶ | -۸/۵ | ۶۰/۳ |
| ۳ | باطله رافر | ۲۱/۹ | -۰/۶ | -۱۲/۵ |
| ۴ | خوارک اسکونجر | ۳۴/۵ | ۰ | ۷/۳ |
| ۵ | کنسانتره اسکونجر | ۶/۵ | -۶/۴ | -۳۳/۹ |
| ۶ | باطله اسکونجر | -۱۲/۶ | -۲/۶ | -۲۳/۳ |
| ۷ | ورودی به مخزن مدار آسیا | ۲۲/۲ | ۶/۳ | ۵۳/۰ |
| ۸ | خوارک ستون | -۶۸/۱ | ۳/۸ | ۵۵/۸ |
| ۹ | باطله نهایی | -۵۳/۹ | ۳/۳ | ۴۰/۰ |
| ۱۰ | کنسانتره ستون | -۲۲/۰ | ۶/۷ | -۸/۹ |

همچنین حضور داده‌های خطای می‌تواند سبب تغییرات زیاد در داده‌ها شود. از آنجایی که برقراری موازنه و تعديل براساس مقادیر موجود صورت می‌گیرد حضور می‌گیرد تغییرات می‌تواند برروی مقدار تعديل سایر متغیرها نیز تاثیر بگذارد. در واقع در اصلاح داده‌ها فرض بر آن است که خطاهای اتفاقی همراه اندازه‌گیری‌ها، تصحیح می‌گردند اما اگر خطاهای سیستماتیک و بزرگ نیز وجود داشته باشند از طریق میزان تصحیح و توسط الگوریتم‌های خاصی می‌توان آنها را شناسایی نمود. لازم بذکر است که یکی از عمدۀ ترین روش‌های یافتن داده‌های خطای در میان سری داده‌های در اختیار از طریق بررسی همین میزان تغییر و تعديل می‌باشد اما از آنجایی که هدف این مقاله ارائه الگوریتمی برای حل مسئله اصلاح داده‌ها در شرایط در اختیار بودن مقادیر اندازه‌گیری شده چند متغیر و معادلات موازنه چند خطی و سپس ارزیابی قابلیت کاربرد آن بر روی یک مطالعه موردی بوده است، به شناسایی خطاهای پرداخته نشده است. در جداول (۵) و (۶) به ترتیب نتایج بکاربردن مقادیر اندازه‌گیری شده و اصلاح شده در معادلات موازنه چند خطی مشاهده می‌شود. مقدار باقی مانده معادلات موید میزان تبعیت هر یک از دو سری داده‌ها است.

- ✓ معیار عملکرد مدار
- ✓ ارزیابی صحت مقادیر اصلاح شده با استفاده از معادلات موازنۀ جرم
- ✓ استفاده از مقادیر اصلاح شده در محاسبات و تعیین شاخص‌های عملکرد مدار مثل عیار و بازیابی کنسانتره با قابلیت اعتماد بالا
- ✓ تعیین محل مناسب برای نصب حسگرها و تجهیزات نمونه‌گیری بر اساس حساسیت متغیرها
- ✓ تخمین مقدار متغیرهای مورد نیاز در محل هایی از مدار که امکان اندازه‌گیری آنها بدلایل فنی یا اقتصادی میسر نبوده است

۴- پیشنهادات

به دلیل قابلیت اطمینان بالای داده‌های اصلاح شده، می‌توان از آنها برای بهبود فرآیند بهینه‌سازی دستی و یا خودکار مدار استفاده نمود. بدین منظور، با تلفیق فرآیند اصلاح دینامیکی داده‌ها و سیستم نظارت و کنترل می‌توان روند کنترل مدار را به صورت کاراتر انجام داد. بعلاوه از روند اصلاح داده‌ها می‌توان برای شناسایی خطاهای و حذف آنها نیز استفاده نمود. طراحی و تعیین محل نصب تجهیزات نیز یکی دیگر از موارد کاربرد نتایج حاصل از فرآیند اصلاح داده است. علاوه بر موارد مذکور، لازم به ذکر است که در برخی از نقاط مدار، انجام نمونه‌گیری مشکل بوده و غالباً مقادیر اندازه‌گیری برای این جریان‌ها در دسترس نیست. از این رو، باید از روش‌های اصلاح داده‌ها و پیش‌بینی مقادیر اندازه‌گیری نشده استفاده نمود.

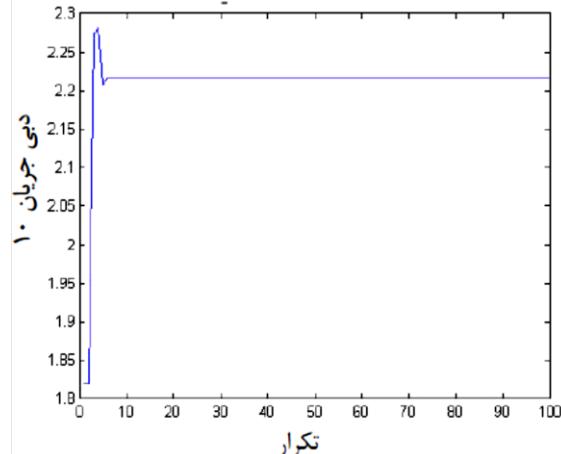
البته در این پژوهش تنها به نحوه اصلاح داده‌های با همه مقادیر در دسترس، پرداخته شده است و روند اصلاح داده‌ها، پیش‌بینی مقادیر اندازه‌گیری نشده و شناسایی داده‌های مشکوک به خطای در پژوهش‌های آتی نویسنده‌گان مورد بحث قرار خواهد گرفت.

۵- تقدیر و تشکر

نویسنده‌گان از آقای مهندس نخعی تشکر و قدردانی می‌نمایند.

۶- مراجع

[1] Sbarbaro, D., Del Villar, R.; 2010; "Advanced Control and Supervision of Mineral Processing Plants", 1th edt., Springer London Dordrecht



شکل ۶: تغییر دبی جریان ۱۰ نسبت به تکرار فرآیند اصلاح داده‌ها

۴- بحث و نتیجه‌گیری

در این تحقیق، الگوریتمی برای اصلاح داده‌های خام حاصل از اندازه‌گیری متغیرهای مختلف از روی یک مدار فرآوری با استفاده از روش کمترین مربعات وزن دار و تحت قیود معادلات موازنۀ جرم در حالت چند خطی با بکارگیری راه حل سلسه مراتسی و تکرار مراحل ارائه شد. با تصحیح مقادیر اندازه‌گیری شده دبی حجمی، دانسیته و عیار جریان‌های یک مدار فلوتاسیون، به بررسی قابلیت روش پیشنهادی برای اصلاح داده‌ها در مدارهای فرآوری پرداخته شد. نتایج بدست آمده پس از اصلاح مقادیر اندازه‌گیری شده مدار نمونه و اراضی معادلات موازنۀ جرم مدار به خوبی قابلیت روش مذکور را نشان می‌دهد.

فرآیند اصلاح داده‌ها یک روش محاسباتی سریع و ساده است که می‌توان با استفاده از آن به صورت کارا خطاهایی مترقب به دقت ابزار اندازه‌گیری یا نمونه‌گیری‌ها را شناسایی و تصحیح نمود و نیز تخمینی دقیق‌تر از مقادیر واقعی بدست آورده. مزیت این روش در هزینه و زمان کم مورد نیاز جهت دستیابی به نتایج مطلوب برای بهینه‌سازی شرایط عملیاتی مدار است. زیرا برای شناسایی خطای در مقادیر اندازه‌گیری و اصلاح آنها با روش‌های آزمایشگاهی باید نمونه‌گیری را تکرار نمود که این امر علاوه بر هزینه‌های مربوط به نمونه‌گیری و آنالیز نمونه‌ها، بسیار زمان بر خواهد بود. مواردی که با اصلاح داده‌های اندازه‌گیری شده در مدارهای فرآوری قابل دستیابی است، عبارتند از:

- ✓ تشخیص خطای نمونه‌گیری و ارزیابی فاکتور وزن‌دهی به شاخص اصلاح متغیرهای مختلف براساس تاثیر آنها در

- operations*", Academic Press.
- [10] Du, YG., Hodouin, D., Thibault, J.; 1997a; "Use of a novel autoassociative neural network for nonlinear steady-state data reconciliation", AIChE Journal, Vol. 43, No. 7, pp. 1785–1796.
- [11] Du, YG., Thibault, J., Hodouin, D.; 1997b; "Data reconciliation for simulated flotation process", Artificial Intelligence in Engineering, Vol. 11, No. 4, pp. 357–364.
- [12] Aldrich, C., Van Deventer, J.; 1994; "Identification of gross errors in material balance measurements by means of neural nets", Chemical Engineering Science, Vol. 49, No. 9, pp. 1357–1368.
- [13] De Andrade, LRP.; 2006; "Nonlinear data reconciliation in gold processing plant", Minerals Engineering, Vol. 19, pp. 938–951.
- [14] Nakhaei, F.; 2010; "Prediction of grade and recovery of copper-molybdenum column flotation circuit by using neural net work", Engineering Dep. Shahid Bahonar University, Kerman.
- [15] MATLAB 7.12, software, the MathWorks, R2011a

زیرنویس‌ها

Heidelberg.

- [2] Hodouin, D., Vaz Coelho, S.; 1987; "Mass balance calculations around mineral processing units using composition analyses within particle-size classes", International Journal of Mineral Processing, Vol. 21, pp. 65–82.
- [3] Wiegel, RL.; 1972; "Advances in mineral processing material balances", Canadian Metallurgical Quarterly, Vol. 11, No. 2, pp. 413–424.
- [4] Hodouin, D., Everell, MD.; 1980; "A hierarchical procedure for adjustment and material balancing of mineral process data". International Journal of Mineral Processing, Vol. 7, No. 2, pp. 91–116.
- [5] Kuehn, DR., Davidson, H.; 1961; "Computer control II: Mathematics of control", Chemical Engineering Progress, Vol. 57, No. 6, pp. 44–47.
- [6] Crowe, CM.; 1996; "Data reconciliation-progress and challenges", Journal of Process Control, Vol. 6, pp. 89–98.
- [7] Banisi, S.; 2001; "Mass balance of mineral processing circuits", Hormozgan University Pub.
- [8] Narasimhan, S., Jordache, C.; 1999; "Data reconciliation & gross error detection: an intelligent use of process data", Gulf Pub. Co., Houston.
- [9] Romagnoli, JA., Sanchez, MC.; 2000; "Data processing and reconciliation for chemical process

¹ Real-Time Optimization

² Automatic Control

⁴ Data Reconciliation

⁵ Monitoring

⁸ Off-line

⁹ Bilmat and Metallurgical Accountant

¹¹ Multi-Linear Constraints