

## بررسی تأثیر انواع مدل‌های رفتاری توده سنگ در منحنی عکس‌العمل زمین

علی‌رضا کارگر<sup>۱</sup>، رضا رحمان‌نژاد<sup>۲\*</sup>

۱- دانش آموخته دانشگاه شهید باهنر کرمان، بخش مهندسی معدن؛ Email: alikargar@yahoo.com  
۲- دانشیار دانشگاه شهید باهنر کرمان، دانشکده فنی و مهندسی-بخش مهندسی معدن؛ Email: r Rahmannejad@hotmail.com

(دریافت ۲۰ تیر ۱۳۸۸، پذیرش ۲۱ آذر ۱۳۸۹)

چکیده

امروزه روش همگرایی-همجواری از پرکاربردترین روش‌ها برای تعیین نگهداری حفریات دایروی و غیر دایروی است. انتخاب مدل ساختاری مناسب برای توده‌سنگ، اعم از الاستوپلاستیک کامل، الاستوپلاستیک شکننده و الاستوپلاستیک نرم‌شونده، نقش بسیار مهمی در کاربرد این روش دارد. در مواردی میزان اختلاف در تغییرشکل ایجاد شده ناشی از انتخاب مدل‌های ساختاری متفاوت بیش از ۱۰۰ درصد است.

در این مقاله سعی شده است تا تأثیر انتخاب مدل‌های رفتاری مختلف در منحنی عکس‌العمل زمین و میزان زون پلاستیک ایجاد شده در اطراف یک حفره دایروی بررسی شود. در این مقاله فرض شده است که توده‌سنگ تحت تأثیر فشار ایزوتropیک  $P_0$  قرار دارد و رفتار اولیه الاستیک دارد. معیار شکست مورد استفاده معیار غیر خطی هوکبراؤن است. روش حل مسئله روش پله‌ای است که در آن پارامترهای مقاومتی توده‌سنگ به صورت گام به گام از مقادیر حداقل خود تا مقادیر باقیمانده تغییر می‌کنند. در انتهای یک آنالیز حساسیت روی پارامترهای شکست معیار هوکبراؤن صورت می‌گیرد.

### کلمات کلیدی

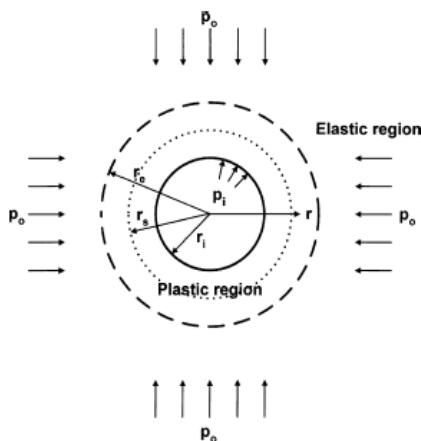
همگرایی-همجواری، مدل‌های ساختاری، مدل کرنش نرم‌شونده، معیار شکست

\* نویسنده مسئول و عهده‌دار مکاتبات

پارامترهای پلاستیک توده سنگ تغییر می‌کنند. این روش را برآون و همکاران پیشنهاد کرده‌اند [۱۱]. معیار تسلیم مورداستفاده در اینجا معیار غیرخطی هوک-برآون است.

## ۲- طرح مسئله

در شکل ۱ تونل دایروی که در توده سنگی پیوسته، همگن و ایزوتrop<sup>۱۳</sup> و به صورت اولیه الاستیک که تحت تنشی اولیه  $p_o$  قرار گرفته، نشان داده شده است. دیواره داخلی تونل تحت فشار داخلی  $p_i$  قرار دارد.



شکل ۱: تونل دایروی در فضای نامحدود [۱۲]

با کاهش  $p_i$ ، تغییر شکل در دیواره تونل رخ خواهد داد و هم‌زمان موجب گسترش زون پلاستیک در اطراف حفره می‌گردد. بر اثر رفتار الاستوپلاستیک نرم‌شونده (شکل ۲) سه زون مختلف در اطراف حفره ایجاد می‌شود. در ابتدا زون الاستیک، سپس پلاستیک نرم شونده و در انتهای زون خرد شده در دیواره تونل تشکیل می‌گردد. در زون نرم شونده با افزایش کرنش خصوصیات مقاومتی توده سنگ به حالت پسماند میل می‌کنند تا در نهایت در زون خرد شده به خصوصیات پسماند خود برسند. هدف در اینجا یافتن روشی برای دنبال کردن رفتار سنگ پس از مقاومت نهایی و یافتن منحنی عکس‌العمل زمین است. به علت وجود تقارن محوری در مسئله می‌توان معیار غیرخطی هوک-برآون را بر حسب  $\sigma_r$  و  $\sigma_\theta$  بازنویسی کرد.

## ۱- مقدمه

امروزه منحنی عکس‌العمل زمین کاربرد وسیعی در طراحی فضاهای زیرزمینی دارد. با توجه به این که میدان تنش اولیه هیدرواستاتیک<sup>۱</sup> است، می‌توان با توجه به حالت تقارن در مسئله، راه حلی تحلیلی پیدا نمود. این راه حل در شرایط زیادی همچون اعتبارسنجی مدل‌های ساختاری، ارزیابی پایداری حفریات دایروی همچون گمانه‌ها و تونل‌های حفاری شده با TBM<sup>۲</sup> و شکل منحنی عکس‌العمل نگهداری مفید است [۱]-[۳].

به منظور به دست آوردن منحنی عکس‌العمل زمین برای تونل‌های دایروی تعدادی از روش‌های تحلیلی برای حالت‌های الاستوپلاستیک کامل<sup>۳</sup> و الاستوپلاستیک شکننده<sup>۴</sup> با در نظر گرفتن معیار خطی موهر-کولمب<sup>۵</sup> یا غیرخطی هوک-برآون<sup>۶</sup> ارائه شده است [۴]-[۸].

برآون و همکاران<sup>۷</sup> در سال ۱۹۸۳، روش عددی پله‌ای را بر پایه مدل کرنش الاستیک نرم‌شونده<sup>۸</sup> ارائه کردند. این روش که بر پایه معیار هوک-برآون بود، کرنش الاستیک را در زون پلاستیک ثابت فرض می‌کرد که مقدار آن همان مقدار کرنش الاستیک در فصل مشترک زون الاستوپلاستیک بود. در سال ۲۰۰۳، آلونسو و همکاران<sup>۹</sup> راه حلی با حل معادلات دیفرانسیل تعادل با در نظر گرفتن معادلات سازگاری و قانون جریان ارائه دادند.

در مسائل کاربردی مهندسی، زاویه اتساع سنگ را ثابت در نظر می‌گیرند و با این فرض، مسئله را حل می‌کنند. هوک<sup>۱۰</sup> و برآون در سال ۱۹۹۷ مدل‌های الاستوپلاستیک شکننده، الاستوپلاستیک نرم‌شونده و الاستوپلاستیک کامل را برای توده‌سنگ‌های با رفتار به ترتیب خیلی خوب، متوسط و ضعیف ارائه دادند که طبق نظر آن‌ها پیشنهاد شد زاویه اتساع ۱/۷ براساس زاویه اصطکاک داخلی سنگ<sup>۱۱</sup> برای این سه نوع رفتار به ترتیب  $4/\varphi$ ،  $8/\varphi$  و  $0$  در نظر گرفته شود.

دترنی<sup>۱۲</sup> پیشنهاد کرد که زاویه اتساع متغیر برای مدل الاستوپلاستیک کامل طبق معیار موهر-کولمب استفاده شود [۹]. آلونسو و آلیجینو<sup>۱۳</sup> پیشنهاد کردند که از فاکتور زاویه اتساع در نقطه مقاومت حداقل سنگ برای رفتار الاستوپلاستیک کامل و الاستوپلاستیک نرم‌شونده طبق معیار موهر-کولمب استفاده شود [۱۰].

هدف از این مقاله بررسی تأثیر مدل‌های رفتاری سنگ در منحنی عکس‌العمل زمین با استفاده از برنامه نوشته شده در محیط MATLAB است که براساس روش گام‌به‌گام

$$h = \begin{cases} h_p - (h_p - h_r) \frac{\gamma^p}{\gamma^{p^*}} & 0 \leq \gamma^p < \gamma^{p^*} \\ h_r & \gamma^p \geq \gamma^{p^*} \end{cases} \quad (6)$$

$\gamma^p$  مقداری از کرنش برشی پلاستیک است که در آن گذراز حالت نرم‌شونده به پسماند اتفاق می‌افتد. همانگونه که در رابطه ۵ دیده می‌شود تاثیر کرنش الاستیک در ناحیه پلاستیک نرم شونده لحاظ شده است بنابراین پارامترهای سختی سختی توده سنگ طبق معیار هوک-براون و زاویه اتساع به صورت زیر تغییر می‌کند [۱۳].

$$\bar{m} = m_p - (m_p - m_r) \frac{\gamma^p}{\gamma^{p^*}} \quad (7)$$

$$\bar{s} = s_p - (s_p - s_r) \frac{\gamma^p}{\gamma^{p^*}} \quad (8)$$

$$\bar{\psi} = \psi_p - (\psi_p - \psi_r) \frac{\gamma^p}{\gamma^{p^*}} \quad (9)$$

پارامترهای توده سنگ برای مدل‌های دیگر رفتاری همچون پلاستیک کامل و پلاستیک شکننده بدراحتی با جایگذاری در معادله‌های ۷، ۸ و ۹ محاسبه پذیرند.  
برای حالت پلاستیک کامل:

$$\bar{m} = m_p = m_r \quad (10)$$

$$\bar{s} = s_p = s_r \quad (11)$$

برای حالت پلاستیک شکننده:

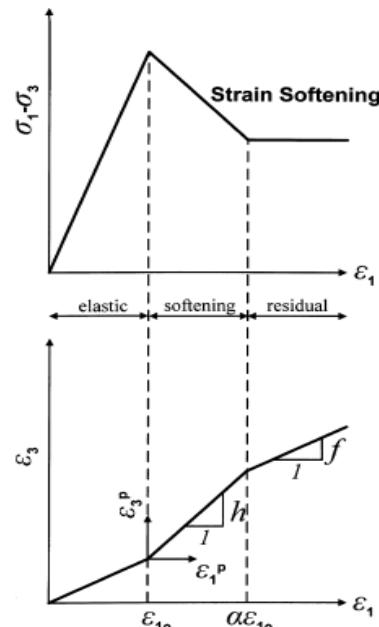
$$\bar{m} = m_r \quad (12)$$

$$\bar{s} = s_r \quad (13)$$

۱- محاسبه گام به گام برای سنگ با مدل الاستوپلاستی نرم شونده

با فرض شرایط کرنش صفحه‌ای و تقارن محوری در اطراف یک تونل دایروی، معادله‌های تعادل و کرنش-جابجایی در سیستم مختصات قطبی به صورت زیر بیان می‌شوند.

$$\frac{d\sigma_r}{dr} + \frac{\sigma_r - \sigma_\theta}{r} = 0 \quad (14)$$



شکل ۲: مدل کرنش نرم شونده [۱۲]

برای مقاومت حداکثر:

$$F(\sigma_r, \sigma_\theta, h_p) = 0 \rightarrow \sigma_\theta = \sigma_r + \sqrt{m_p \sigma_c \sigma_r + s_p} \quad (1)$$

برای بخش نرم شونده:

$$F(\sigma_r, \sigma_\theta, \bar{h}) = 0 \rightarrow \sigma_\theta = \sigma_r + \sqrt{m \sigma_c \sigma_r + \bar{s}} \quad (2)$$

برای مقاومت باقیمانده:

$$F(\sigma_r, \sigma_\theta, h_r) = 0 \rightarrow \sigma_\theta = \sigma_r + \sqrt{m_r \sigma_c \sigma_r + s_r} \quad (3)$$

که در اینجا تابع  $F$  تابع تسلیم است و  $h$  پارامتر سختی،  $\sigma_c$  مقاومت فشاری تکمحوره سنگ بکر،  $m$  و  $s$  ثابت‌های هوک-براون سنگ که به ترتیب به نوع سنگ و میزان درزهای آن بستگی دارد.

$h$ ، پارامتر سختی، براساس نظریه آلونسو به صورت تابعی از کرنش برشی پلاستیک بیان می‌گردد [۱۳].

$$h = h(\gamma^p) \quad (4)$$

$$\gamma^p = \varepsilon_\theta^p - \varepsilon_r^p = (\varepsilon_\theta - \varepsilon_\theta^e) - (\varepsilon_r - \varepsilon_r^e) \quad (5)$$

که در اینجا  $\gamma^p$  کرنش مماسی پلاستیک و  $\varepsilon_r^p$  کرنش شعاعی پلاستیک است. طبق نظریه آلونسو پارامتر سختی به صورت خطی از مقدار جداکثر (در نقطه مقاومت جداکثر) تا مقدار پسماند (در نقطه مقاومت باقیمانده) تغییر می‌کند [۱۳].



۳-۱- مقایسه مدل‌ها  
دوسری از داده‌ها که در جدول ۱ ذکر شده‌اند، بررسی شدند.

در مرحله اول به بررسی این سه مدل رفتاری و مقایسه آن‌ها در توده‌سنگ پرداخته می‌شود.

جدول ۱: طبقه‌بندی روده‌های [۱]

سری ۳	سری ۲	سری ۳-۱	سری ۲-۱	سری ۱-۱	
۴۸۰	۴۰۰۰	۵۵۰۰	۱۳۸۰	۱۳۸۰	(Mpa) $E$
۰/۲۵	۰/۲	۰/۲۵	۰/۲۵	۰/۲۵	نسبت پواسون، $\nu$
۵	۱۰۸	۱۵	۱۰	۳/۳۱	تنش اولیه زمین، $P_o$
۵	۴	۵	۵/۳۵	۵/۳۵	شعاع تونل، $r_i$
۷/۵	۳۰۰	۳۰	۳۰	۲۷/۶	مقاومت فشاری تک محوره، $\sigma_c$
۰/۵۵	۷/۵	۱/۷	۴/۵	۰/۵	$m_p$
۰	۰/۱	۰/۰۰۳۹	۰/۰۲	۰/۰۰۱	$s_p$
۰/۵۵	۱	۱	۰/۴۵	۰/۱	$m_r$
۰	۰/۰۱	۰	۰/۰۰۲	۰	$s_r$
۲۲/۴	۵۵	۳۰	۴۰	۳۰	$\varphi_p$
۰	۳۶	۳۰	۲۷	۱۹/۴۷	$\psi_p$
۰	۰	۳۰	۰	۵/۲۲	$\psi_r$
۰/۰۱	۰/۰۰۴	۰/۰۰۸	۰/۰۰۴۷۴۲	۰/۰۰۴۷۴۲	$\gamma^p$ *

در نتیجه هنگامی که تنش شعاعی به  $\sigma_{re}$  (تنش در مرز زون الاستیک-پلاستیک) می‌رسد تفاوت شعاع زون پلاستیک بسیار اندک است.

در شکل ۴ مشاهده می‌شود که نمودار شعاع زون خرد شده برای حالت الاستوپلاستیک شکننده بالاتر از حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده قرار می‌گیرد که این به علت کاهش ناگهانی پارامترهای مقاومتی سنگ به حالت پسماند در مرز زون الاستیک-پلاستیک است؛ در واقع سنگ به محض تسلیم وارد مرحله پسماند می‌شود. در شکل ۵ مشاهده می‌شود که تغییر شکل‌ها در حالت الاستوپلاستیک کامل به مراتب کمتر از حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده و شکننده است که علت آن کاهش کرنش‌های پلاستیک در زون پلاستیک و همچنین کوچک بودن شعاع زون پلاستیک در حالت الاستوپلاستیک کامل است؛ اما نکته جالب در اینجا نزدیک بودن منحنی عکس‌العمل زمین در حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده و الاستوپلاستیک شکننده است. در واقع، توده سنگ در حالت الاستوپلاستیک شکننده تقریباً همان تغییر شکل‌هایی را ایجاد کرده که در حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده به وجود آمده

روی داده‌های سری ۱-۱ و ۲-۱، سه مدل رفتاری ماده به صورت زیر بررسی شد.

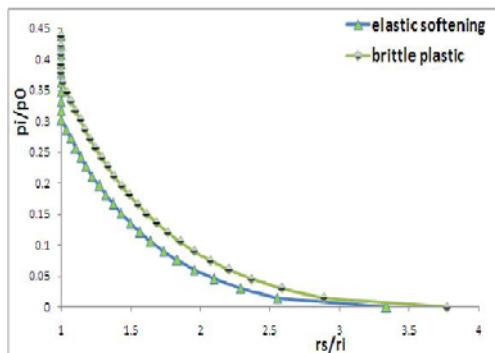
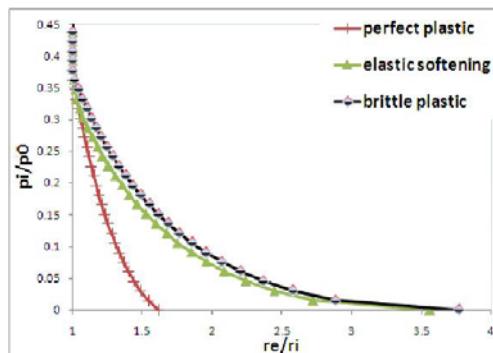
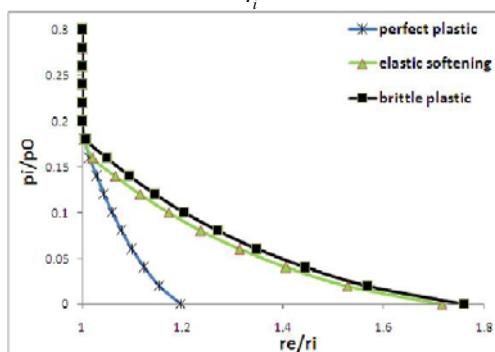
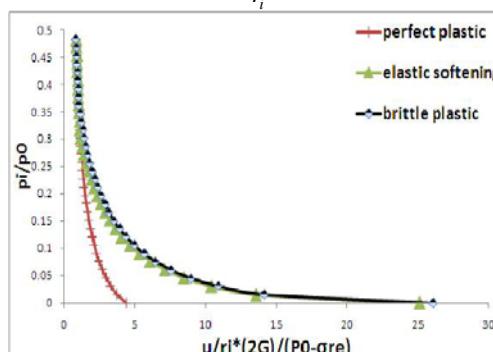
۱- حالت الاستوپلاستیک کامل،  $m_p = m_r = s_p = s$  و

$$\psi_p = \psi_r;$$

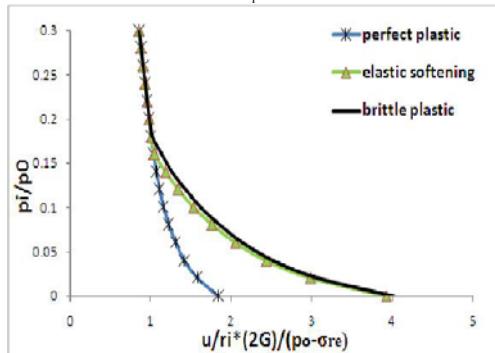
۲- حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده  $\bar{m}$ ،  $\bar{s}$  و  $\bar{\psi}$  متغیر از حالت پیک تا باقیمانده.

۳- حالت الاستوپلاستیک شکننده.

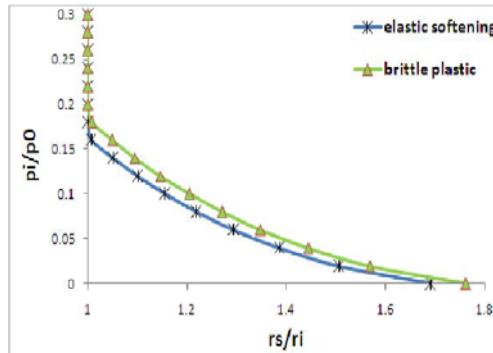
مطلوب شکل ۳، شعاع زون پلاستیک در حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده و شکننده بیشتر از حالت الاستوپلاستیک کامل است که علت آن کاهش خصوصیات مقاومتی سنگ در دو حالت الاستوپلاستیک کامل سنگ شکننده است، در حالی که در حالت الاستوپلاستیک کامل سنگ شکننده ایست، در حالت الاستوپلاستیک کامل سنگ خصوصیات مقاومتی خود را حفظ کرده، لذا شعاع زون پلاستیک در این حالت کمترین مقدار است. شعاع زون پلاستیک در حالت الاستوپلاستیک شکننده به مقدار ناچیزی بیشتر از حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده است. علت این امر می‌تواند ناشی از تفاوت بسیار ناچیز گرادیان تنش شعاعی در زون نرم‌شونده در حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده و شکننده باشد.

شکل ۴: تغییرات  $\frac{r_s}{r_i}$  (داده سری ۱-۱)شکل ۳: تغییرات  $\frac{r_e}{r_i}$  (داده سری ۱-۱)شکل ۶: تغییرات  $\frac{r_e}{r_i}$  (داده سری ۲-۱)

شکل ۵: منحنی عکس العمل زمین (داده سری ۱-۱)



شکل ۸: منحنی عکس العمل زمین (داده سری ۲-۱)

شکل ۷: تغییرات  $\frac{r_s}{r_i}$  (داده سری ۲-۱)

در همین زون است و از طرفی در حالت الاستوپلاستیک شکننده به علت از دست رفتن خصوصیات مقاومتی سنگ کرنش پلاستیک ایجاد شده در این زون افزایش می‌یابد. بنابراین تأثیر متضاد این دو پارامتر در نهایت موجب تغییرات کرنش بسیار نزدیک در این زون می‌گردد و تغییر شکل دیواره در این دو حالت بسیار نزدیک به یکدیگر می‌شود. چنین بررسی برای داده‌های سری ۱-۱ نیز صورت گرفت و نتایج مشابهی حاصل شد که در اشکال ۶، ۷ و ۸ مشاهده می‌شوند. گفتنی است که داده‌های انتخاب شده برای بررسی از

است. علت این امر را می‌توان در تأثیر دو پارامتر زاویه اتساع و خصوصیات مقاومتی سنگ جستجو کرد. در زون نرم‌شونده در حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده زاویه اتساع از ماکریم مقدار خود در مرز زون با آهنگی ثابت در حال کاهش است و در مرز زون خرد شده به مقدار پسماند خود می‌رسد. از طرفی طبق رابطه ۲۲ زاویه اتساع نقش مستقیم در انتقال نمو کرنش پلاستیک از حالت مماسی به شعاعی دارد. بنابراین در زون نرم‌شونده در حالت الاستوپلاستیک نرم‌شونده این ضریب انتقال کرنش به مراتب بزرگتر از آن در حالت الاستوپلاستیک شکننده





- [8] Sharan, S.K., 2005. *Exact and approximate solutions for displacements around circular openings in elastic-brittle-plastic Hoek-Brown rock*. Int. J. Rock Mech. Min. Sci. 42, 542-549.
- [9] Detournay, E., 1986. *Elastoplastic model of a deep tunnel for a rock with variable dilatancy*. Rock Mech. Rock Eng. 19, 99-108.
- [10] Alejano, L.R., Alonso, E., 2005. *Consideration of the dilatancy angle in rocks and rock masses*. Int. J. Rock Mech. Min. Sci. 42, 481-507.
- [11] Brown, E.T., Bray, J.W., Ladanyi, B., Hoek, E., 1983. *Ground response curves for rock tunnels*. J. Geotech. ASCE 109, 15-39.
- [12] Park, K.H., Tontavanich, B., Lee, J.G., 2008. A simple procedure for ground response curve of circular tunnel in elastic-strain softening rock masses. Tunnel. Under. space Technol. 23, 151-159.
- [13] Alonso, E., Alejano, L.R., Varas, F., Fdez-Manin, G., Carranza-Torres, C., 2003. *Ground response curves for rock masses exhibiting strain-softening behavior*. Int. J. Anal. Meth. Geomech. 27, 1153-1185.
- [14] Carranza-Torres, C., Fairhurst, C., 1999. *The elasto-plastic response of underground excavations in rock masses that satisfy the hoek-brown failure criterion*. Int. J. Rock Mech. Min. sci. 36, 777-809.
- [15] Lee, Y.K., Pietruszczak, S., 2007. *A new numerical procedure for elasto-plastic analysis of a circular opening excavated in a strain-softening rock mass*. Tunnel. Under. Space Technol. 23, 588-599.
20. If  $\sigma_{rj} < p_i$  then  
calculate process for the next ring by  
 $j = j + 1$   
Else  $r_e = \frac{r}{\lambda_j}; u = r\varepsilon_{\theta_j}$

**منابع**

- [1] Guan, Z., Jiang, Y., Tanabasi, Y., 2007. *Ground reaction analyses in conventional tunneling excavation*. Tunnel. Under. space Technol. 22, 230-237.
- [2] Hoek, E., Brown, E.T., 1980. *Underground Excavation in rock*. Institution of Mining and Metallurgy, London.
- [3] Hoek, E., Brown, E.T., 1997. *Practical estimates of rock mass strength*. Int. J. Rock Mech. Min. Sci. 34(8), 1165-1186.
- [4] Duncan Fama, M.E., Trueman, R., Craig, M.S., 1995. *Two and three dimensional elasto-plastic analysis for coal pillar design and its application to highwall mining*. Int. J. Rock Mech. Min. sci. & Geomech. Abstr. 32, 215-225.
- [5] Florence, A.L., Schwer, L.E., 1978. *Axisymmetric compression of a Mohr-Coulomb medium around a circular hole*. Int. J. Number.
- [6] Park, K.H., Kim, Y.J., 2006. *Analytical solution for a circular opening in an elastic-brittle-plastic rock*. Int. J. Rock Mech. Min. Sci. 43, 616-622.
- [7] Sharan, S.K., 2003. *Elastic-brittle-plastic analysis of circular openings in Hoek-Brown media*. Int. J. rock mech. Min. Sci. 40, 817-824.

**پی‌نوشت**

- 
- 1 Hydrostatic  
2 Tunnel boring machine  
3 Elastic-perfectly plastic  
4 elastic-brittle-plastic  
5 Mohr-Coulomb  
6 Hoek-Brown  
7 Brown et al.  
8 elastic-strain softening  
9 Alonso et al.  
10 Hoek  
11 Detourany  
12 Alejano  
13 Isotropic

