

## استفاده از شبکه عصبی مرکب (*Committee Machine*) ناظر شده جهت بهبود الگوریتم شبکه های عصبی در تخمین تراوایی مخازن نفتی

صادق کریمپولی<sup>۱</sup>؛ نادر فتحیان پور<sup>۲\*</sup>؛ جابر روحی<sup>۳</sup>

۱- دانشجوی دکترای اکتشاف معدن، دانشکده مهندسی معدن و متالورژی، دانشگاه صنعتی امیرکبیر تهران

Email: s.karimpouli@aut.ac.ir

۲- دانشیار دانشگاه صنعتی اصفهان، دانشکده مهندسی معدن، Email: fathian@cc.iut.ac.ir

۳- دانشجوی کارشناسی ارشد الکترونیک، دانشکده برق و کامپیوتر، دانشگاه صنعتی اصفهان، Email: jader.roohi@gmail.com

(دریافت ۱۵ اردیبهشت ۱۳۸۸، پذیرش ۱۷ خرداد ۱۳۸۹)

چکیده

تراوایی مخزن یک پارامتر حیاتی برای ارزیابی هیدروکربور مخزن نفتی می‌باشد. نمودارهای چاه‌پیمایی زیادی در ارتباط با این پارامتر در چاهها وجود دارند. در این مطالعه تخمین تراوایی با استفاده از این نمودارها و شبکه‌های عصبی صورت گرفته است. شبکه عصبی بکار گرفته شده، یک شبکه‌ی مرکب (*Committee Machine* (CM)) ناظر شده است. بدلیل بازه‌ی وسیع و چند جامعه‌ای بودن مقادیر تراوایی، هر یک از شبکه‌های معمولی این شبکه‌ی مرکب با یک دیدگاه آماری، از دو شبکه جهت تخمین تراوایی در بازه‌ی تراوایی بالا و پائین استفاده می‌کند. شبکه سوم یک شبکه‌ی Gating است که در حقیقت نقش کلاسه-بندی داده‌های ورودی را به دو کلاس تراوایی بالا و پائین بر عهده دارد و به عنوان تصمیم‌گیرنده عمل می‌کند. شبکه حاضر بر روی داده‌های از یک مخزن نفتی در جنوب غرب ایران پیاده‌سازی گردید. تعداد داده‌های موجود برای این پژوهه ۲۱۰ نمونه بوده، که به دلیل تعداد اندک این داده‌ها از ۸۰٪ آنها برای آموزش و از ۲۰٪ مباقی برای اعتبارسنجی و تست شبکه استفاده شد. نتایج شبکه‌ی مرکب CM حاکی از ضریب تبیین ۹۷/۸۶ درصدی در نمودار تراوایی تخمینی در مقابل تراوایی اندازه‌گیری شده است. این در حالی است، که شبکه‌ی عصبی معمولی بهینه شده در بهترین حالت ضریب تبیین ۸۴/۱۴ درصدی از خود نشان می‌دهد. مقایسه‌ی این مقادیر نشان‌دهنده‌ی قدرت و کارایی بالای شبکه‌های ترکیبی ناظر شده در تخمین تراوایی مخازن نفتی می‌باشد.

کلمات کلیدی

شبکه عصبی، شبکه عصبی مرکب CM (Committee Machine)، ناظر شده، تخمین تراوایی، مخازن نفتی

\* نویسنده مسئول و عهده‌دار مکاتبات

## ۱- مقدمه

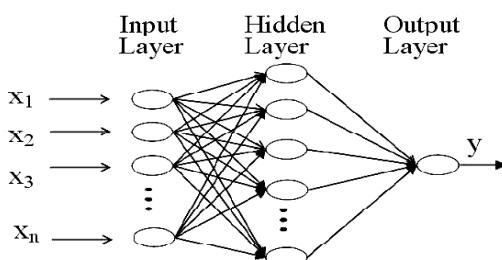
داشتن پارامترهای دیگر متفاوت در نظر گرفته می‌شود. سپس با الگوریتم گرادیان کاهشی<sup>۴</sup> آموزش دیده و در نتیجه هر یک از آنها خروجی‌های متفاوتی تولید می‌نمایند. نتیجه‌ی نهایی از میانگین‌گیری ساده‌ی خروجی‌های تولید شده از هر یک از این شبکه‌ها بدست می‌آید<sup>[۹]</sup>. پارامتو و همکاران<sup>۵</sup>، در سال ۱۹۹۶ نتایج موثرتری از شبکه‌های مرکب (CM) نسبت به شبکه‌های معمولی نشان دادند<sup>[۴]</sup>.

علیرغم استفاده از روش‌های مناسبی مانند فرمول‌های فیزیکی، روابط تجربی- آماری و شبکه‌های هوشمند، بازه‌ی بسیار زیاد تغییرات تراوایی موجب کاهش اعتبار نتایج تخمین می‌گردد. از دید آماری جوامع متفاوتی در این بازه قرار می‌گیرند. از این رو تنها یک رابطه یا الگو نمی‌تواند نتایج مناسبی ارائه نماید. هدف از این مطالعه استفاده از شبکه‌های مرکب (CM) ضمن نظریتی آماری جهت تخمین بهتر تراوایی مخزن می‌باشد. بدین صورت که شبکه‌های بیشتری در بازه‌های مختلف و جوامع آماری متفاوت برای بالا بردن دقت و بهینه‌سازی نتایج بکار گرفته شوند.

## ۲- شبکه‌های عصبی

## ۲-۱- شبکه عصبی معمولی

شبکه عصبی یک تکنیک هوشمند مصنوعی است که به تقلید از سیستم عصبی مغز انسان کار می‌کند. از عمومی‌ترین مدل‌ها، مدل پرسپترون چند لایه‌ای است، که شامل یک لایه‌ی ورودی، یک لایه‌ی خروجی و یک یا چند لایه‌ی پنهان می‌باشد(شکل ۱).



شکل ۱: نمونه‌ی یک شبکه عصبی<sup>[۱۰]</sup>

هریک از لایه‌ها شامل چندین نرون هستند. سیگنال ورودی نرون‌ها،  $y_j$ ، بوسیله مجموع ورودی‌های وزن‌دهی شده بیان می‌گردد:

$$u_j = \sum_{i=1}^n x_i w_{ij} + \theta \quad (1)$$

تراوایی مخزن یک پارامتر مهم و حیاتی برای ارزیابی هیدرولیک‌بور مخزن نفتی می‌باشد. مدیریت و توسعه‌ی مخازن نفتی نیاز به دانش دقیق در مورد این پارامتر حساس دارد. این خصوصیت، یکی از مشکل‌ترین خصوصیات پتروفیزیکی جهت اندازه‌گیری و محاسبه است<sup>[۱۱]</sup>. تراوایی بطور مستقیم و ازداده‌های آزمایش مغزه، آزمایش چاه و نمودارهای چاه‌پیمایی بدست می‌آید<sup>[۲]</sup>. اگرچه هیچ نمودار چاه‌پیمایی بطور مستقیم نشانگر تراوایی نمی‌باشد، اما استفاده از آنها جهت تخمین تراوایی در صنعت امری عادی است.

معادلات تراوایی بسیاری جهت محاسبه‌ی تراوایی از نمودارهای چاه‌پیمایی وجود دارد<sup>[۳],[۱]</sup>. اغلب این مدل‌ها نیاز به تطبیق تجربی ثابت و توان‌های معادله با مخازن مربوطه دارند. با این وجود روابط تئوریک بسیاری بین تراوایی و تخلخل گسترش یافته‌ند. برای مثال کوزنی<sup>۱</sup> در سال ۱۹۲۷ رابطه‌ای را برای تراوایی در یک محیط دانه‌ای و متخلخل ارائه کرد که بعدها توسط کارمن<sup>۲</sup> (۱۹۳۷) تصحیح گردید. مهمترین اشکال این رابطه مقدار سطح ویژه‌ی دانه‌ها بود که باید بوسیله‌ی آزمایش مغزه حاصل می‌شد. اشکال دیگر این روش این بود که محیط‌های متخلخل با پیچیدگی‌های بالا را بسیار ساده فرض می‌کرد<sup>[۴]</sup>.

روش‌های آماری نیز از روش‌های متنوع در حل مسئله‌ی تراوایی می‌باشند. معمولاً تراوایی حاصل از آزمایشات مغزه بعنوان متغیر وابسته در نظر گرفته شده و یکتابع از نمودارهای چاه‌پیمایی به عنوان متغیرهای مستقل حاصل می‌گردد. با این وجود برای فرضیات و ارضای رفتارهای چند-جمله‌ای و خطی این روابط باید دقت و احتیاط زیادی بکار گرفته شود<sup>[۴]</sup>.

ارموزه علاوه بر روش‌های آماری، شبکه‌های عصبی و بطور ویژه پرسپترون چند لایه‌ای<sup>۳</sup> بطور فرایندهای در آنالیز و پردازش لاغ‌های حفاری بکار گرفته شده‌اند. این تکنیک هوشمند روشی غیرخطی و ناپارامتری است که در تخمین تراوایی نیز بکار گرفته شده است و نتایج بهتری نسبت به روش‌های قبلی از خود نشان میدهد<sup>[۴],[۵],[۶]</sup>.

شبکه‌های مرکب (CM)، دسته‌ای از شبکه‌های عصبی هستند، که از ترکیب چند شبکه‌ی عصبی دیگر ایجاد می‌شوند<sup>[۷]</sup>. ایده‌ی کلی این شبکه‌ها، ترکیب نتایج بدست آمده از هر یک از شبکه‌ها جهت دستیابی به یک نتیجه‌ی کلی، بطوریکه از نتیجه‌ی هر یک از شبکه‌ها بهتر باشد، بوده است<sup>[۸],[۹]</sup>. وزن اولیه‌ی هر یک از این شبکه‌ها با ثابت نگه-

معیار خوبی برآش در نمودار نمونه های تخمینی در مقابل نمونه های واقعی است.

## ۲-۲- شبکه عصبی مرکب (CM)

یک شبکه عصبی مرکب (CM) شامل گروهی از یک تابع تخمین-گر مانند یک شبکه عصبی، یک درخت تصمیم گیرنده و یا انواع دیگر الگوریتم ها است [۷]. تابع تخمین گر در این مطالعه یک شبکه عصبی ساده می باشد. این شبکه ها رویهم رفته مانند یک شبکه عصبی تنها عمل می کنند، که در نهایت نتایج آنها برای رسیدن به یک نتیجه بهتر بوسیله ی یک ترکیب کننده، ترکیب می شوند [۱۰]. روش های مختلفی برای ترکیب این نتایج وجود دارد. از میان آنها روش میانگین گیری عددی یک روش ساده و پر کاربرد است [۹]. (شکل ۳)

فرض کنید در یک شبکه عصبی مرکب،  $K$  تخمین گر آموزش دیده شده وجود دارد.  $y_i$  بردار خروجی از تخمین گرها است، برای تخمین بردار  $T$  با خطای  $e$  :

$$y_i = T + e_i \quad (6)$$

بنابراین میزان خطای میانگین تخمین گرها برابر است با:

$$E_{AVG} = \frac{1}{K} \sum_{i=1}^K \xi(e_i^2) \quad (7)$$

در صورتیکه خطای شبکه عصبی مرکب برابر است با:

$$Y_{CM} = \frac{1}{K} \sum y_i \quad (8)$$

بنابراین:

$$E_{CM} = \xi[(Y_{CM} - T)^2] = \xi\left[\left(\frac{1}{K} \sum Y_i - T\right)^2\right] = \xi\left[\left(\frac{1}{K} \sum e_i\right)^2\right] \quad (9)$$

و می توان اثبات کرد، خطای شبکه عصبی مرکب کوچکتر مساوی میانگین خطای تخمین گرها است [۱۳]:

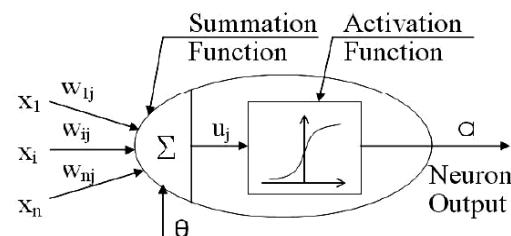
$$E_{CM} = \xi\left[\left(\frac{1}{K} \sum e_i\right)^2\right] \leq \frac{1}{K} \sum (e_i^2) = E_{AVG} \quad (10)$$

که  $\alpha$  نامیں سیگنال از لایه ای قبلی است.  $w_{ij}$  وزن ارتباطی بین نرون ها و  $\theta$  میزان بایاس می باشد (شکل ۲). سیگنال خروجی نرون که بوسیله  $a$  نشان داده است مقدار سیگنال ورودی نرون تحت یک تابع فعال سازی خاص می باشد.

$$a = f(u) \quad (2)$$

یکی از عمومی ترین توابع فعال سازی تابع سیگموئید است که بازه  $(-\infty, +\infty)$  را به بازه  $(0, 1)$  منتقل می کند (شکل ۲) [۱۱].

$$f(u) = \frac{1}{1+e^{-u}} \quad (3)$$



شکل ۲: نمونه ای یک نرون استفاده شده در شبکه عصبی [۱۱]

یک شبکه عصبی جلو رونده پس انتشار از عمومی ترین شبکه های عصبی است که از الگوریتم پس انتشار جهت آموزش استفاده می کند. این الگوریتم از روش گرادیان کاهشی جهت حداقل سازی یک تابع کارایی به عنوان مثال میانگین مربع خطای استفاده می کند. چنانچه بردار  $y$  نتایج حاصل از شبکه  $T_i$  بردار مقادیر واقعی باشد، میزان  $MSE$  برابر است با:

$$y_i = T_i \pm e_i \quad (4)$$

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - T_i)^2 \quad (5)$$

آموزش با این الگوریتم برای کارهای عملی اغلب بسیار کند است. در این مطالعه از الگوریتم لونبرگ- مارکوارت<sup>۹</sup> جهت رسیدن سریعتر به همگرایی استفاده شده است. این الگوریتم با کارایی بالا سرعت همگرایی را از ۱۰۰ تا ۱۰۰۰ مرتبه نسبت به الگوریتم های رایج افزایش می دهد [۱۲] پس از فرایند آموزش شبکه عصبی با ساختار بهینه، لازم است کارایی آن نشان داده شود. برای اینکار چندین ابزار وجود دارد، مانند رسم نمودار میانگین مربع خطاهای ( $MSE$ ) در مقابل دوره و میزان  $R^2$ .

همین اساس برای این شبکه عصبی نیز، یک لایه‌ی پنهان انتخاب شده است. جهت انتخاب تعداد نرون‌ها در لایه‌ی پنهان نیز تحقیقات زیادی صورت گرفته و الگوریتم‌های متفاوتی پیشنهاد گردیده است. با این وجود پیاده سازی این تکنیک‌ها ساده و آسان نمی‌باشد<sup>[۱۰، ۱۱، ۱۴]</sup>. در این مطالعه پس از چندین آموزش و تست شبکه با تعداد مختلفی از نرون‌های لایه‌ی پنهان، تعداد ۲۳ نرون بعنوان تعداد نرون بهینه، بر اساس میزان  $MSE$  تشخیص داده شد (جدول ۱).

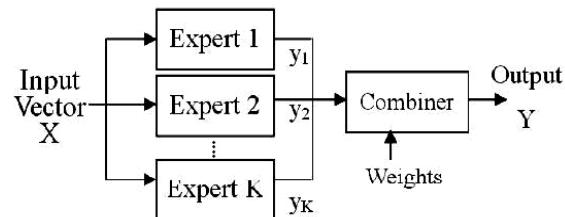
جدول ۱: مقادیر  $MSE$  برای تعداد مختلف نرون‌های لایه‌ی میانی

تعداد نرون	۲۰	۱۸	۱۶	۱۳	۱۰	$MSE$
	۰/۰۰۴۲	۰/۰۰۵۱	۰/۰۰۶	۰/۰۰۷۱	۰/۰۰۹۳	$MSE$
تعداد نرون	۳۰	۲۶	۲۴	۲۳	۲۲	$MSE$
	۰/۰۰۵۷	۰/۰۰۴۹	۰/۰۰۴	۰/۰۰۳۳	۰/۰۰۳۸	$MSE$

تنها خروجی شبکه نیز میزان تراوایی است که باید تخمین زده شود. در نتیجه ساختار شبکه بصورت ۱-۲۳-۱ برای یک شبکه‌ی ۳ لایه‌ی حاصل گردید.

۲-۳- الگوریتم آموزشی زمان توقف و تقسیم‌بندی داده‌ها شبکه عصبی بدون توجه به پیچیدگی رابطه‌ی داده‌های ورودی و خروجی می‌تواند بوسیله‌ی داده‌های آموزشی مناسب، آموزش بینند. اما یکی از فاکتورهای مهم زمان توقف آموزش است. وقتی از الگوریتم پس انتشار استفاده می‌شود، سه روش برای اینکار وجود دارد: روش اول، محاسبه‌ی میانگین مربع خطأ ( $MSE$ ) و روش دوم تعیین تعداد دوره‌های<sup>۱۱</sup> یادگیری است. روش دیگر برای توقف آموزش، انجام اعتبار سنجی پس از هر دوره‌ی آموزش است، که روش توقف سریع<sup>۱۲</sup> نامیده می‌شود<sup>[۱۰، ۱۱]</sup>. این روش می‌تواند از آموزش اضافی<sup>۱۳</sup> شبکه جلوگیری کند. چرا که در برخی موارد شبکه داده‌های آموزشی خود را بخاطر سپرده، در نتیجه میزان  $MSE$  آن در مرحله‌ی آموزش پائین می‌آید، اما در مقابل داده‌های جدید بسیار ضعیف عمل می‌کند. به این حالت آموزش اضافی گفته می‌شود.

برای استفاده از روش توقف سریع، داده‌ها به سه دسته‌ی داده‌های آموزشی، اعتبار سنجی و تست تقسیم‌بندی می‌گردد<sup>[۱۰]</sup>. از آنجایی که تعداد داده‌ها محدود بوده، بنابراین



شکل ۳. نمونه یک شبکه عصبی مرکب [۱۰]

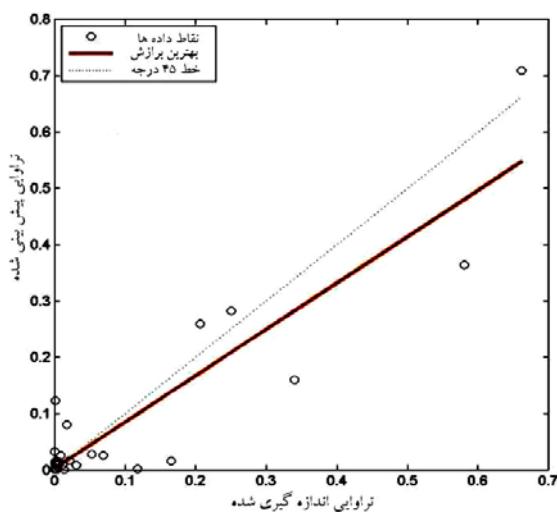
### ۳- مطالعات و نتایج

در این مطالعه از داده‌های حاصل از ۳ چاه در یکی از مخازن جنوب‌غرب ایران استفاده شده است. لاغهای مختلفی در این چاه‌ها برداشت شده‌اند که اطلاعات مناسبی را در اختیار قرار می‌دهند. این لاغهای با نرم‌افزار پترس<sup>۱۰</sup> پردازش گردیده و در نتیجه داده‌های مناسب دیگری نیز تولید شدند. برای انتخاب داده‌های ورودی به شبکه عصبی سعی در انتخاب متغیرهایی گردید که هم با تراوایی مرتبط بوده و هم در هر سه چاه مشترک باشند. لازم به ذکر است نتایج تحلیل حساسیت شبکه، وجود همه‌ی این متغیرها در شبکه را تائید نمود. در نهایت ۱۰ متغیر زیر انتخاب شدند:

اشعه گامای طبیعی طیفی ( $sgr$ ) بدلیل تشخیص شیل‌ها با تراوایی کم، مقاومت الکتریکی سنگ بکر ( $R_t$ ) و اشباع از آب سنگ بکر ( $S_b$ ) که در مرتبط با تراوایی‌اند، تخلخل کل (« $c$ ») و تخلخل ثانویه (« $g$ ») بدلیل ارتباط مستقیم با میزان تراوایی، ستون‌های لیتولوژی غالب که در میزان تراوایی سهم بسیاری دارند، اعم از آهک ( $Lim$ )، دولومیت ( $Dolo$ ، ماسه سنگ  $Sand$ )، شیل ( $Shale$ ) و در نهایت عمق برداشت این داده‌ها (Depth) انتخاب گردید، چرا که با افزایش عمق و فشار روباره از میزان تراوایی کاسته می‌شود. پس از صحت سنجی و حذف داده‌های خارج از ردیف در این داده‌ها بدلیل آنکه این داده‌ها در اعماق مختلف برداشت شده بودند نسبت به یک عمق همپایه گردیدند. در نهایت قبل از اعمال به شبکه عصبی، برای یادگیری بهتر شبکه، داده‌ها بین صفر و یک نرمال شدند.

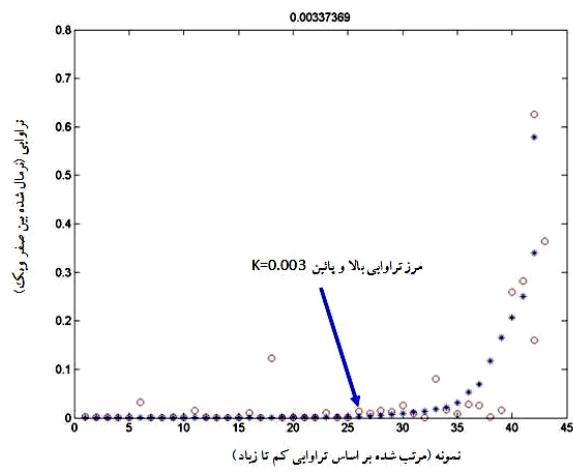
### ۳-۱- ساختار شبکه عصبی

همانگونه که در فوق ذکر شد، تعداد ۱۰ متغیر که عبارتند از:  $Shale$ ,  $Sand$ ,  $Dolo$ ,  $Lim$ ,  $sgr$ ,  $\phi_t$ ,  $S_w$ ,  $R_t$ ، بعنوان داده‌های ورودی شبکه‌ی عصبی انتخاب گردیدند. برای انتخاب تعداد لایه‌های پنهان با بررسی مطالعات قبلی صورت گرفته تنهای یک لایه‌ی پنهان جهت حل مسائل پیچیده‌ی کاربردی کافی دانسته شده است<sup>[۱۰، ۱۱، ۱۲]</sup>. بر



شکل ۴: نمودار تراوایی تخمینی شبکه های ساده عصبی در مقابل تراوایی واقعی  
 $R^2 = 84/14\%$

در شکل ۵ نمودار مقادیر تراوایی واقعی (بطور سعودی) و تخمینی، نشان داده شده است.



شکل ۵: نمودار تراوایی تخمینی (نقاط دایری) و واقعی (نقاط ستاره دار)، بترتیب نمونه ها.  
 $MSE = 0.0033$

با مطالعات آماری در داده های اولیه، وجود سه جامعه آماری مختلف تشخیص داده شد (شکل ۶). با توجه به اینکه شبکه ای فوق در مقادیر پائین نتایج مناسبی تولید می کند (شکل ۵)، دو جامعه ای اول به عنوان یک جامعه با تراوایی پائین و جامعه ای سوم به عنوان جامعه با تراوایی بالا در نظر گرفته شدند. دلیل دیگر برای انتخاب دو جامعه این بود که با استفاده از آزمون  $\chi^2$  استیوونست، وجود جوامع آماری مختلف در داده ها بر اساس لیتو لوژی نیز اثبات گردید و مشاهده شد که دولومیت و شیل در تراوایی پائین و ماسه سنگ و آهک در

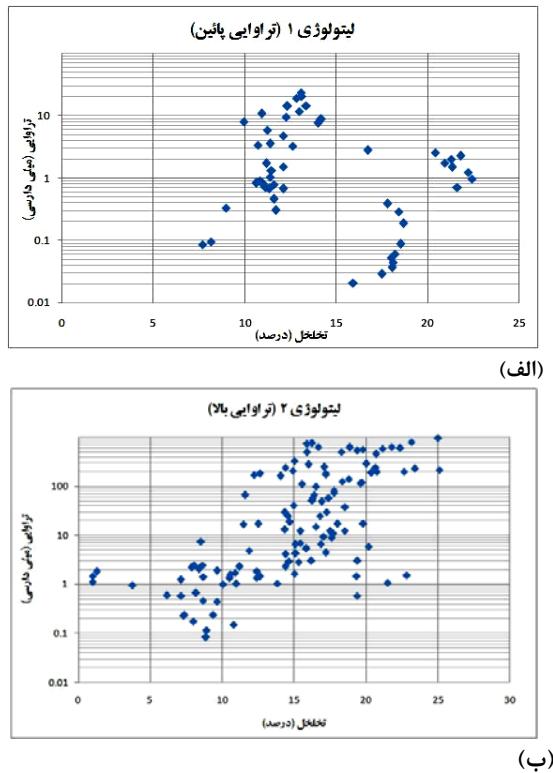
به نسبت ۸۰ به ۲۰ فقط به دو بخش آموزشی و اعتبار سنجی تقسیم گردیدند تا شبکه های با کارایی بهتر برای بازه های زیاد تراوایی حاصل گردد. برای داده های تست از همان داده های ۲۱۰ اعتبار سنجی استفاده گردید. برای اینکار در ابتدا کل ۲۱۰ داده بر اساس میزان تراوایی از کوچک به بزرگ مرتب و تقسیم بندی شدند. در نهایت تعداد ۱۶۸ داده ای آموزشی و ۴۲ داده ای تست و اعتبار سنجی حاصل گردید.

### ۳-۳-تابع یادگیری

برای آموزش شبکه از الگوریتم پس انتشار استفاده شده، که به روش گرادیان کاهشی، وزن ها و بایاس های شبکه را جهت حداقل کردن تابع کارایی (در اینجا  $MSE$ )، در هر مرحله تعديل می نماید. این نوع از الگوریتم آموزشی در مسائل کاربردی همگرایی کندی دارد. در این مطالعه از الگوریتم بهینه سازی شده لونبرگ- مارکوارت بعنوان تابع آموزش، جهت تسريع همگرایی استفاده شده است. این الگوریتم از ۱۰ تا ۱۰۰ مرتبه سريعتر از الگوریتم های رايچ همگرا گردد [۱۲]. همچنان با بررسی توابع مختلف داده نشان داده شد که تابع فعال سازی سیگموئید بهترین نتایج را بدست می دهد.

در نهایت شبکه فوق تحت ۱۶۸ داده ای آموزشی، آموزش داده شد. سپس ۴۲ عدد داده ای تست روی آن آزمایش گردید. نتایج حاصل از تست این شبکه در یکی از بهترین حالت ها برای شبکه ای بهینه در شکل ۴ مشاهده می شود. همانگونه که در شکل مشاهده می گردد،  $R^2 = 84/14\%$  درصدی حاصل گردید که نسبتاً مناسب است. اما پراکندگی نمونه ها نسبت به خط ۴۵ درجه حاکی از واریانس بالا و دقت نامطلوب نتایج، و از طرفی واقع شدن بهترین خط برآذش شده به داده ها در زیر خط ۴۵ درجه نمایانگر اریب شدگی در نتایج است.

همانطور که مشاهده می شود، میزان خطای مدل در مقادیر بالای تراوایی زیاد شده که خود باعث ضعف در تخمین و کاهش  $R^2$  مدل می گردد. دلیل این امر این است که میزان تراوایی از  $10^{-3}$  تا  $10^{-1}$  میلی دارسی متغیر است. شبکه های داده های ورودی بسیاری جهت آموزش مناسب دارد و با این تعداد داده های کم به راحتی حاصل نمی گردد.



شکل ۷: نمودار تخلخل نسبت به تراوایی برای جوامع تراوایی پائین (الف) و بالا (ب).



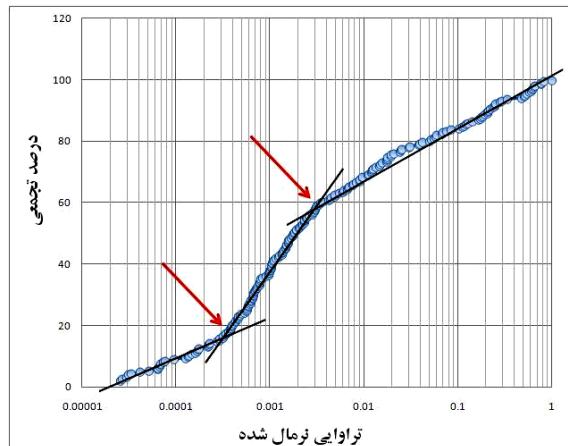
شکل ۸: نمایش یک تخمین‌گر ناظارت شده شبکه مركب.

با توجه به مرز بین جوامع تراوایی بالا و پائین (شکل ۶)، داده‌های ورودی به دو دسته تراوایی پائین و تراوایی بالا تقسیم شدند. تعداد ۱۱۲ عدد داده در دسته تراوایی پائین و ۹۸ داده در دسته تراوایی بالا قرار گرفتند. سپس با توجه به قانون ۸۰ به ۲۰ این هر یک از این دسته داده‌ها به داده‌های آموزشی، اعتبارسنجی و تست تقسیم شدند. در نهایت هر یک از شبکه‌ها با داده‌های مربوطه آموزش دیدند و تست گردیدند. در نهایت برای ترکیب نتایج این دو شبکه از رابطه‌ی زیر استفاده شد [۱۱]:

$$Y = \sum_{i=1}^2 y_i \times g_i \quad (11)$$

تراوایی بالا قرار می‌گیرند. نمودار نسبت تراوایی به تخلخل در این دو جامعه در شکل ۷ آمده است. بنابراین داده‌های اولیه به دو جامعه‌ی تراوایی بالا و پائین با مرز جداش ۳ میلی‌دارسی ( $0.003$  نرمال بین صفر و یک) تقسیم گردید (شکل ۶). جهت حصول اطمینان از اینکه این جوامع بطور آماری جدای از یکدیگر می‌باشند، از آزمون  $\chi^2$  استیودنت استفاده گردید. مقدار محاسبه شده‌ی این پارامتر برای این دو جامعه  $t_C = 6/13$  و از جدول  $t = 1/67$  در سطح اعتماد ۹۵٪ بدست آمد. بدینترتیب جداش جوامع تراوایی پائین و بالا بدلیل  $t < t_C$  از لحاظ آماری نیز اثبات می‌گردد.

با توجه به موارد فوق الذکر، جهت حل بهتر مسئله و از آنجایی که نیاز به تقسیم کردن داده‌ها به تراوایی بالا و پائین به‌وضوح دیده شد، تصمیم به استفاده از شبکه مركب ناظارت شده گرفته شد. از طرفی، با اعمال یک این شبکه عملاً تاثیر لیتولوژی‌ها روی تراوایی نیز در نظر گرفته می‌شود.



شکل ۶: نمودار درصد تجمعی تراوایی نرمال شده در مقابل این مقادیر. جداش جوامع تراوایی بالا و پائین با مرز جداش ۳ میلی‌دارسی ( $0.003$  نرمال بین صفر و یک).

در این تحقیق شبکه مركب پیشنهادی شامل ۳۰ تخمین‌گر می‌باشد. هر یک از آنها، شامل دو شبکه عصبی معمولی و یک شبکه Gating جهت کلاسه‌بندی داده‌ها است. ساختار دو شبکه عصبی مانند ساختار شبکه عصبی اولیه در بخش قبل (۱۰-۲۳-۱) می‌باشد. یکی از این دو برای تخمین تراوایی بالا به‌وسیله‌ی داده‌های آموزشی تراوایی بالا و دیگری برای تراوایی پائین با داده‌های آموزشی تراوایی پائین، آموزش می‌بینند. شبکه‌ی Gating، ساختاری مانند شبکه‌های قبل داشته ولی به وسیله‌ی تمامی داده‌ها آموزش می‌بیند (شکل ۸).

نمونه، این نمونه در شبکه هی نادرست تخمین خورده و در برخی موارد میزان  $R^2$  به شدت کاهش می یابد.

جدول ۲: نتایج  $R^2$  تخمینی حاصل از ۳۰ شبکه ناظر شده در شبکه مرکب.

$R^2$ (%)	شبکه	$R^2$ (%)	شبکه	$R^2$ (%)	شبکه
۹۸/۷۴	۲۱	۹۵/۴	۱۱	۹۸/۷	۱
۸۱/۷۹	۲۲	۹۸/۳۱	۱۲	۸۱/۳	۲
۹۸/۱۸	۲۳	۹۹/۱۲	۱۳	۹۸/۸۲	۳
۹۹/۳	۲۴	۹۸/۴۲	۱۴	۹۹/۱۶	۴
۵۳/۸۵	۲۵	۹۸/۳۱	۱۵	۸۰/۹۲	۵
۹۴/۴۷	۲۶	۹۸/۵۵	۱۶	۶۲/۵۳	۶
۹۹	۲۷	۹۴/۷۵	۱۷	۹۸/۳۴	۷
۹۸/۷	۲۸	۹۹/۱۷	۱۸	۹۸/۹۹	۸
۹۶/۰۱	۲۹	۹۹/۰۵	۱۹	۹۹/۱۱	۹
۹۸/۸۱	۳۰	۵۹/۵۴	۲۰	۴۵/۳۶	۱۰
۹۰/۷۳۵		<b>میانگین <math>R^2</math></b>			

دلیل این مدعای برای شبکه هی دهم ( $R^2 = 45/36$ ) با کمترین میزان  $R^2$  در شکل ۹ آورده شده است. همانطور که مشاهده می شود، در این شبکه همه نمونه ها بخوبی تخمین خورده اند، بجز دو نمونه ای که در شکل نیز مشخص شده اند. مطمئناً تراوایی نمونه های ۱ بالا بوده ولی در شبکه هی مربوط به تراوایی پائین تخمین خورده و بر عکس نمونه های ۲ از نمونه های با تراوایی پائین بوده ولی در شبکه هی مربوط به تراوایی بالا تخمین خورده است. بهمین علت مقادیر نادرستی برای آنها بدست آمده است. بنابراین، با وجود اینکه بقیه نمونه ها به درستی تخمین خورده اند و به خوبی روی خط ۴۵ درجه تمرکز یافته اند، نمی توان این شبکه را یک شبکه ضعیف به حساب آورد.

از طرف دیگر، با توجه به ایده کلی شبکه های مرکب، پس از تولید نتایج برای هر خروجی، از نتایج ۳۰ شبکه هی آن میانگین عددی گرفته شده و به ازای هر ورودی یک خروجی از شبکه کلی حاصل گردید. مقدار  $R^2$  در نمودار نتایج حاصل از شبکه هی مرکب و مقادیر واقعی  $97/86$  درصد بدست آمده است، که نشان دهنده قدرت و کارایی بالای شبکه در تولید نتایج معتبر می باشد. شکل ۱۰ نمودار نتایج تخمینی شبکه های مرکب را نسبت به مقادیر واقعی آن نشان می دهد. در شکل ۱۱ نیز نتایج حاصل از شبکه های ترکیبی و مقادیر واقعی در مقابل عمق برای هر سه چاه رسم شده است.

که  $y_i$  مقادیر تخمینی و  $g_i$  وزن بدست آمده از شبکه تصمیم گیرنده برای شبکه های  $i$  می باشد. در این مطالعه وزن های حاصله بصورت زیر می باشد:

$$\prod g_i = 0 \text{ and } \sum g_i = 1 \quad (12)$$

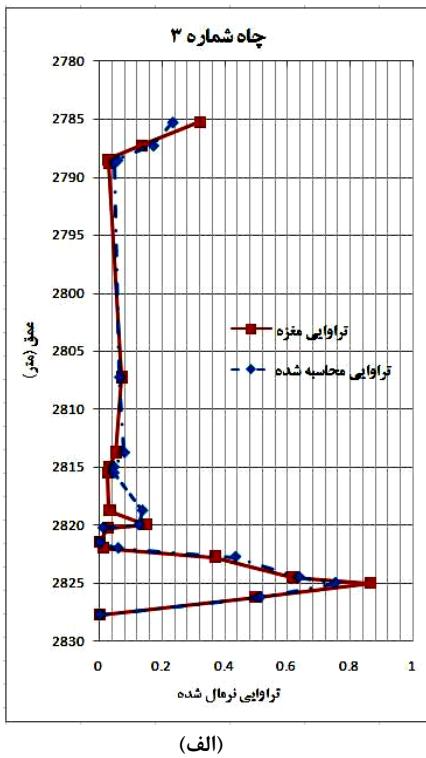
بنابراین برای  $g_1$  و  $g_2$  فقط دو حالت  $(1, 0)$  یا  $(0, 1)$  یا تراوایی بالا و (۰، ۱) یا تراوایی پائین، وجود دارد. چرا که هر برای هر ورودی با توجه به اینکه مقدار تراوایی مربوطه بالا یا پائین است، نتیجه هی یکی از شبکه های معمولی مورد تائید می باشد. در ابتدا جهت کلاسه بندی در شبکه Gating از یک شبکه عصبی مشابه بخش ۳-۳ استفاده گردید. اما بدليل وجود خطای تخمین نتایج مناسبی حاصل نگردید. بدین معنی که بجز دو نمونه های با تراوایی بالا جزء نمونه های با تراوایی پائین و بر عکس، تقسیم بندی شدند. این امر موجب افزایش بیش از پیش خطای تخمین گردید، چرا که برای مثال یک نمونه با تراوایی پائین در شبکه هی آموزش دیده برای نمونه های با تراوایی بالا و یا بر عکس، تخمین زده می شود.

برای حل این مشکل، تصمیم به استفاده از یک شبکه های عصبی کلاسه بندی گرفته شد. بدین منظور ساختار شبکه عصبی قبلی مشابه شبکه های قبل اما این بار با دو خروجی  $g_1$  و  $g_2$  (۰-۲-۲۳-۱۰) در نظر گرفته شد. خروجی شبکه برای داده های آموزشی بصورت  $(1, 0)$  برای تراوایی بالا و  $(0, 1)$  برای تراوایی تعیین گردید. سپس شبکه با کل داده های ورودی، ولی دو خروجی صفر و یک آموزش دیده شد. در نهایت از اندیس بیشترین مقدار دو خروجی تخمین خورده شده عنوان ملک تعیین  $g_1$  و  $g_2$  استفاده گردید.

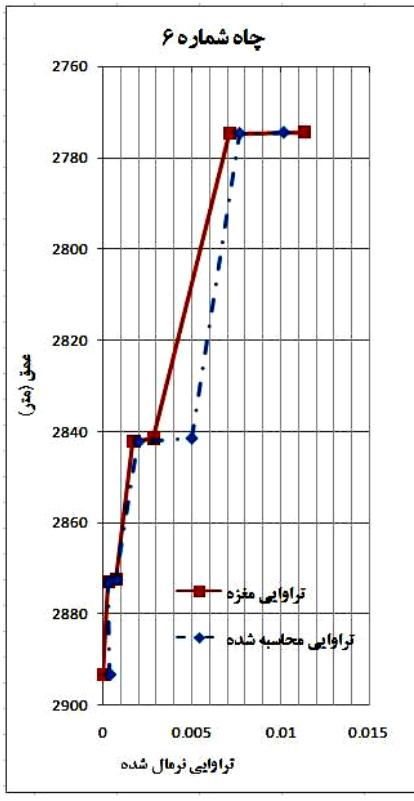
در نهایت، یک شبکه های کلی تر مرکب با ۳۰ تخمین گر جدا از هم تشکیل شد، که هر یک از آنها با داده های یکسان ولی وزن های اولیه متفاوت آموزش دیده و سپس تست گردیدند. در جدول ۲ نتایج  $R^2$  تخمینی حاصل از این ۳۰ شبکه های آمده است. همانطور که دیده می شود، مقدار میانگین  $R^2$  برای این تخمین گرها  $90/73$  درصد می باشد و در بسیاری از موارد نتایج مناسبی حاصل گردیده، که نشان از کارایی بالای شبکه ترکیبی دارد.

نکته ای که در نتایج بوضوح دیده می شود، وجود بخی مقادیر ضعیف برای  $R^2$  تخمینی می باشد. در اینجا باید خاطر نشان کرد، که این مقادیر ضعیف بدليل ضعف در شبکه های آموزش نامناسب آن نبوده است. بلکه بدليل کلاسه بندی اشتباه یک

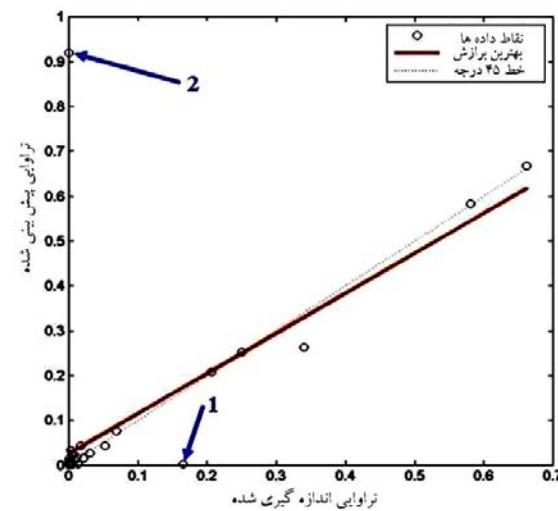
می‌شود، بیانگر اعتبار و کارایی بالای نتایج حاصل از این شبکه است.



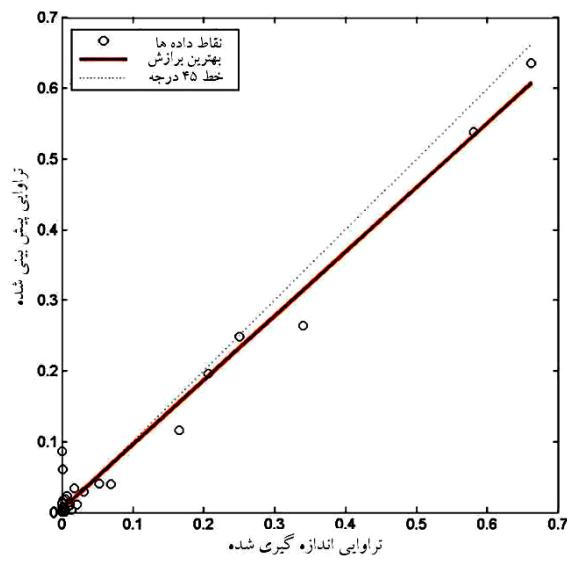
(الف)



(ب)



شکل ۹: نمودار تراوایی تخمینی شبکه‌ی ۱۰ در مقابل تراوایی واقعی.  
 $R^2 = 45/36\%$



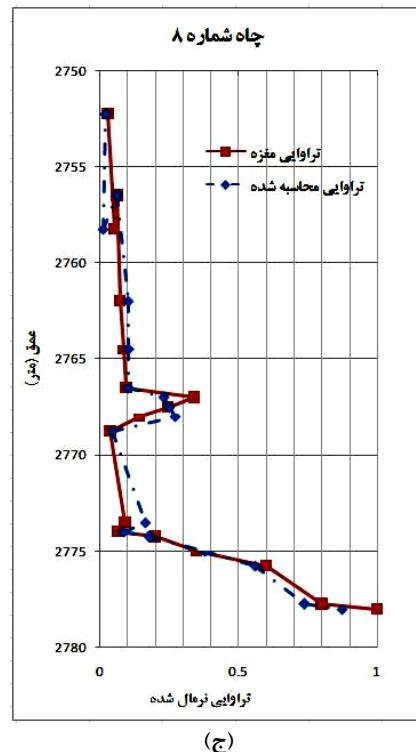
شکل ۱۰: نمودار تراوایی تخمینی شبکه‌ی CM در مقابل تراوایی واقعی.  
 $R^2 = 97/72\%$

#### ۴- نتیجه‌گیری

همان‌گونه که مشاهده شد، یک شبکه عصبی مرکب آن هم در حالت نظارت شده، می‌تواند نتایج بهتری نسبت به یک شبکه‌ی معمولی تولید نماید. میزان  $R^2$  برای نتایج شبکه‌ی عصبی معمولی بهینه در یکی از بهترین حالات  $84/13$  درصد بوده است. در حالیکه مقدار  $R^2$  برای نتایج نهایی حاصل از شبکه‌ی مرکب نظارت شده،  $97/86$  درصد بدست آمد. بهبود این نتایج با بکارگیری از شبکه‌های مرکب که بهوضوح دیده

## منابع

- [1] Juohnson, W. W., 1994, "Permeability determination from well logs and core data", The SPE Permian Basin Oil and Gas Recovery Conference in Midland, TX, SPE 27647.
- [2] Ahmed, U., Crary, S.F., Coats, G.R., 1991, "Permeability estimation: the various sources and their interrelationships", Journal of Petroleum Technology, pp. 578–587.
- [3] Coates, G.R., Dumanoir, J.L., 1973, "A new approach to improve log-derived permeability" In: Proceedings of SPWLA 14<sup>th</sup> Annual Logging Symposium, Paper R.
- [4] Wong, P.M., Jang, M., Cho, S., Gedeon, T.D., 2000, "Multiple permeability predictions using an observational learning algorithm", Computers & Geosciences 26 (8), pp. 907–913.
- [5] Hurtado, N., Aldana, M., Torres, J., 2008, "Comparison between neuro-fuzzy and fractal models for permeability prediction", Comput Geosci, ORIGINAL PAPER.
- [6] Bhatt, A., Helle, H.B., Ursin B., 2001, "Application of committee machines in reservoir characterization while drilling: A novel neural network approach in log analysis", Proceeding of the 6th Nordic Symposium on Petrophysics, Trondheim, Norway.
- [7] Sharkey, A.J.C., 1996, "On combining artificial neural nets", Connection Science, Vol 8, pp. 299–314.
- [8] Horink, K., Stinchcombe, M., White, H., 1989, "Multilayer feedforward networks are universal approximators" Neural Networks, Vol. 3, pp. 359–366.
- [9] Naftaly, U., Intrator, N., Horn, D., 1997, "Optimal ensemble averaging of neural networks", Network: Computation in Neural Systems Vol. 8, pp. 283–296.
- [10] Haykin, S., 1999, "Neural Networks: A Comprehensive Foundation", Prentice-Hall, Englewood Cliffs, NJ, and 842 P.
- [11] Chen, CH., 2006, "Committee - machine - based models for permeability prediction", Doctoral Dissertation. National Cheng Kung University of Taiwan. 127 P.
- [12] Hagan, M.T., Menhaj, M., 1994, "Training feed forward networks with the marquardt algorithm", IEEE Transactions on Neural Networks 5 (6). pp. 989-993.



شکل ۱۱: نتایج مقایسه‌ای برای تراوایی محاسبه شده و مفزه در چاههای شماره ۳ (الف)، ۶ (ب) و ۸ (ج) برحسب عمق.

این بهبود در نتایج به دلیل بکارگیری شبکه‌های مختلف در جوامع آماری متفاوت صورت پذیرفته است. چرا که همانگونه که اشاره شد، بدلیل بازه‌ی وسیع مقدار تراوایی، یک شبکه‌ی عصبی معمولی نمی‌تواند بخوبی مقدار تراوایی را پوشش دهد. حال آنکه با جدایش آماری داده‌های اولیه به دو جامعه‌ی تراوایی بالا و پائین با مرز ۳ میلی‌دارسی و بکارگیری دو شبکه‌ی ناظر شده در جوامع و یک شبکه‌ی کلاس‌بندی مناسب نتایج بهتری حاصل گردید.

#### ۵- تقدیر و تشکر

شایان ذکر است، این تحقیق با همکاری شرکت ملی مناطق نفت خیز جنوب صورت گرفته است، که جا دارد از همکاری آقایان مهندس عطایی، مهندس کیانی و همچنین مهندس حویدر که در امر اجرای این مطالعه ما را یاری نمودند، تشکر نماییم.

- [13] Chen, Ch., Lin, Z., 2006, "A committee machine with empirical formulas for permeability prediction", *Computers & Geosciences*, V. 32, pp. 485–496.
- [14] Mohaghegh, S., Arefi, R., Ameri, S., 1996, "Petroleum reservoir characterization with the aid of artificial neural networks", *Journal of Petroleum Science and Engineering*, Vol. 16, pp. 263-274.

**پی‌نوشت**

- 
- 1 Kozeny  
 2 Carman  
 3 Multi Layer Perceptron  
 4 Gradient Decent  
 5 Parmanto et al  
 6 Biase  
 7 Feed Forward Back Propagation  
 8 Mean Square Error (MSE)  
 9 Levenberg-Marquardt  
<sup>10</sup> Petros  
 11 Epoch  
 12 Early Stopping  
 13 Over Learning (or Over Fitting)